

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Дворникова Татьяна Александровна
Должность: проректор по учебно-методической работе
Дата подписания: 28.05.2023 09:01:17
Уникальный программный ключ:
81e4612224154ba92346993825fd4bfa9a28f49d

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение

Государственный университет
по землеустройству

СТО СМК

высшего образования

«Государственный университет по землеустройству»

«УТВЕРЖДАЮ»

Врио проректора по учебно-методической работе

_____/Л.П. Подболотова /

«15» мая 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.06 Математика

(шифр и название дисциплины)

направление подготовки **38.03.02 Менеджмент**

(шифр и название направления подготовки)

профиль **Менеджмент недвижимости**

уровень высшего образования **бакалавриат**

(бакалавриат, специалитет, магистратура)

квалификация **бакалавр**

(название)

Москва
2023



1. Рабочая программа дисциплины разработана на кафедре высшей математики и физики ФГБОУ ВО «ГУЗ» в соответствии со следующими нормативными документами:

– Порядок организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования – программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры, утвержденный приказом Минобрнауки России от 06.04.2021 №245.

– Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования по направлению подготовки 38.03.02 Менеджмент, утвержденный приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 12 августа 2020 г. N 970.

Рабочая программа дисциплины составлена в рамках основной профессиональной образовательной программы (ОПОП) высшего образования и учитывает особенности обучения при инклюзивном образовании инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

2. Разработчики рабочей программы:

1. Доцент кафедры высшей математики и физики государственного университета по землеустройству, к.п.н. Курочкина К.В.,

2. Доцент кафедры высшей математики и физики государственного университета по землеустройству, к.ф-м..н. Кузнецова Н.А.



1. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, ЕЕ ОБЪЕМ И МЕСТО В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

1.1 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.

Цель учебной дисциплины заключается в получении обучающимися теоретических знаний для базовой математической подготовки бакалавров, позволяющих успешно решать современные прикладные задачи, а также формированию практических навыков и готовности к их применению в составе команды для решения задач в профессиональной сфере.

Задачи учебной дисциплины:

1. формирование понятий об основах математического аппарата, необходимого для решения практических задач;
2. освоение навыков математического исследования прикладных вопросов и умение перевести задачу на математический язык, нахождения подходящего метода решения задачи, умение пользоваться для ее решения вычислительной техникой, анализировать результаты решения и применять их на практике;
3. получение компетенций по изучению учебной и научной литературы по математике и ее приложениям;
4. формирование умений применять полученные знания в практической деятельности, решать практические задачи согласно приобретенным навыкам формулирования математических постановок задач, владения аналитическими и численными методами решения поставленных задач, а также владению методами математического моделирования с применением вычислительной техники.

Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы приведен в таблице 1.1.

Таблица 1.1 – Планируемые результаты обучения по дисциплине

Компетенция		Индикаторы компетенций	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	
Код	Содержание компетенции (или ее части)			
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК 1.1 Знает принципы поиска, отбора и обобщения информации	В области знания и понимания (А) - <i>знать</i>	
			Знать	Принципы и методы поиска, анализа и синтеза информации. (А 1) Основные понятия и методы математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории дифференциальных уравнений теории (А 2)



Компетенция		Индикаторы компетенций	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций	
Код	Содержание компетенции (или ее части)			
			В области интеллектуальных навыков (В) - уметь	
			Уметь	Применять принципы и методы поиска, анализа и синтеза информации (В1); Применять методы математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории дифференциальных уравнений теории (В 2)
			В области практических навыков (С) - владеть навыками	
			Владеть	Практическими навыками поиска, анализа и синтеза информации (С1). На практике использовать методы математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории дифференциальных уравнений для решения прикладных задач (С 2)
			В области знания и понимания (А) - знать	
			Знать	Знать фундаментальные разделы математики и их применение к профессиональным задачам (А1)
	УК-1.2 Умеет критически анализировать и синтезировать информацию для решения поставленных задач		В области интеллектуальных навыков (В) - уметь	
			Уметь	Анализировать результаты решения и применить их на практике (В 1)
			В области практических навыков (С) - владеть навыками	
			Владеть	Владеть базовыми знаниями в области фундаментальных разделов математики и ее приложениям к профессиональным задачам (С1)
			В области знания и понимания (А) - знать	
			Знать	Знать математический аппарат, математический анализ (А1)
	УК-1.3 Владеет методами критического анализа и системного подхода для решения поставленных задач		В области интеллектуальных навыков (В) - уметь	
			Уметь	Применять математический аппарат и современные информационные технологии для поиска решений задач прикладной направленности (В 1)
			В области практических навыков (С) - владеть навыками	
			Владеть	Методами обработки экспериментальных данных (С1) Принципами математических рассуждений и доказательств методами математического моделирования и анализа (С 2)

1.2 Место дисциплины в структуре образовательной программы.

Дисциплина «Математика» - фундаментальная наука оязательной части (Б1.О.06) дисциплин подготовки студентов по направлению 38.03.02 Менеджмент профиль: производственный менеджмент.



Дисциплина изучается на 1-ом в 1-2 семестрах очной формы и на 1-2 курсах очно-заочной формы обучения.

Логическая и содержательная связь дисциплин, участвующих в формировании компетенций, содержится в ниже представленной таблице:

Индикаторы компетенций	Предшествующие дисциплины	Данная дисциплина	Последующие дисциплины
УК 1.1 ; УК 1.2; УК 1.3	Математика (курс средней школы)	Математика	Государственная итоговая аттестация

1.3 Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоёмкость дисциплины «Математика» составляет 10 зачётных единиц и 360 академических часов.

Объём дисциплины по видам учебных занятий (в часах)

Объём дисциплины	Всего часов		
	очная форма обучения	заочная формы обучения	очно-заочная форма обучения
Общая трудоемкость дисциплины	360		360
Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)	148		108
Аудиторная работа (всего):	148		108
в т. числе:			
Лекции	56		42
Семинары, практические занятия	74		54
Лабораторные работы	18		12
Курсовое проектирование			
Самостоятельная работа	158+54		189+63
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)	экзамен		экзамен

2. СОДЕРЖАНИЕ И СТРУКТУРА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

2.1. Содержание учебной дисциплины

Содержание дисциплины включает следующие разделы и темы:

Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия



1.1 Матрицы и действия над ними. Определители n -го порядка и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера.

1.2 Метод Гаусса. Линейно зависимые и линейно независимые столбцы и строки матрицы. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных алгебраических уравнений.

1.3 Обратная матрица. Матричный метод решения систем линейных алгебраических уравнений. Общее решение однородной системы уравнений. Базисные и свободные переменные. Структура общего решения неоднородной системы уравнений.

1.4 Линейные векторные пространства. Сложение векторов и умножение вектора на число. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в выбранном базисе. Длина вектора. Линейные операции в координатах.

1.5 Собственные векторы и собственные значения линейных преобразований. Формулы перехода от одной декартовой прямоугольной системы координат к другой. Ортогональность матрицы перехода

1.6 Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрическая интерпретация. Координатное представление произведений векторов. Критерии коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов в координатной форме.

1.7 Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Уравнение плоскости. Различные формы уравнений прямой и плоскости. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.

1.8 Кривые второго порядка. Понятие о квадратичных формах от двух переменных. Типы квадратичных форм. Канонические виды кривых второго порядка (эллипсы, гиперболы и параболы).

Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики

2.1 Элементы алгебры логики высказываний. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность). Основные алгебраические структуры (кольца, поля, группы).

2.2 Свойства бинарных операций (замкнутость, коммутативность, ассоциативность). Дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквивалентность. Законы де Моргана.

2.3 Ориентированные графы. Полный путь. Основные понятия комбинаторики. Перестановки, размещения и сочетания.

Раздел 3. Введение в математический анализ

3.1 Предел функции и его геометрический смысл. Односторонние пределы. Свойства пределов функций. Сравнение бесконечно малых функций. Символика. Связь бесконечно малых и бесконечно больших функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Вычисление пределов с помощью таблицы основных



эквивалентных бесконечно малых функций. Первый и второй замечательные пределы.

3.2 Понятие непрерывности в точке. Определения разрывов первого и второго родов. Устранимые разрывы. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных на отрезке функций: ограниченность, достижимость наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений. Асимптоты к графикам функций и способы их нахождения.

Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного

4.1 Производная функции в точке. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали к плоской кривой. Физический смысл первой производной. Непрерывность функции, имеющей производную. Правила нахождения производной суммы, разности, произведения и отношения функций. Таблица производных основных элементарных функций (без вывода).

4.2 Производная сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции. Первый дифференциал и его геометрический смысл. Дифференциал суммы, разности, произведения и отношения функций. Инвариантность формы первого дифференциала. Применение дифференциалов в приближённых вычислениях.

4.3 Производные и дифференциалы высших порядков и их свойства.

4.4 Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций; теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Формулы Тейлора и Маклорена с остаточным членом в форме Лагранжа. Таблица разложений основных элементарных функций по формуле Маклорена.

4.5 Критерий монотонности дифференцируемых функций. Необходимое и достаточное условие экстремума. Критические точки первого рода. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке.

4.6 Определение выпуклости и вогнутости, точек перегиба. Применение второй производной к нахождению интервалов выпуклости и вогнутости. Критические точки второго рода.

4.7 Общая схема исследования функций и построения графиков.

Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы

5.1 Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Непосредственное интегрирование. Интегрирование по частям и подстановкой.

5.2 Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональностей.

5.3 Определение и основные свойства определенного интеграла. Производная по верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям.



5.4 Применение определённых интегралов в геометрии и физике. Вычисление площадей плоских областей, длин дуг плоских кривых, поверхностей фигур вращения и объёмов тел вращения. Вычисление центров тяжести и моментов инерции плоских пластин.

5.5 Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Основные свойства. Абсолютная и условная сходимости. Признаки сходимости.

Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных

6.1 Область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных. Основные теоремы о непрерывных функциях.

6.2 Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Полный дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала.

6.3 Градиент. Производная по направлению. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа.

6.4 Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие. Достаточные условия. Условный экстремум.

Раздел 7. Числовые и функциональные ряды

7.1 Понятие числового ряда. Частичные суммы. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости.

7.2 Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения («эталонные» ряды); радикальный признак Коши; признак Даламбера; интегральный признак Коши-Маклорена. Знакопередающие ряды: признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость.

7.3 Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда. Формула Даламбера для радиуса сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена.

7.4 Ряды Фурье. Теорема Дирихле. Разложение по синусам и косинусам.

Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения

8.1 Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка (О.Д.У). Частное, общее и особое решения. Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Понятие о теореме существования и единственности решения задачи Коши для уравнений первого порядка. Интегрирование уравнений с разделяющимися переменными.

8.2 Некоторые типы интегрируемых уравнений первого порядка. Линейные уравнения первого порядка. Однородные и сводящиеся к ним типы уравнений первого порядка. Уравнения Бернулли и Эйлера.

8.3 Понятие об обыкновенных дифференциальных уравнениях высших порядков. Постановка задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Общее решение



О.Д.У. второго порядка. Формулировка теоремы существования и единственности решения задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Некоторые частные виды О.Д.У. второго порядка, решаемые в квадратурах. Понижение порядка.

8.4 Общие свойства линейных дифференциальных уравнений n -ого порядка. Фундаментальная система решений однородного решения. Определитель Вронского. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Отыскание частных решений линейных О.Д.У. методом Лагранжа на примере уравнений второго порядка.

8.5 Линейные уравнения n -ого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение общего решения линейного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Нахождение частного решения неоднородного уравнения методом подбора по правой части.

8.6 Нормальные системы О.Д.У. первого порядка. Частные интегралы, интегрируемые комбинации. Линейные системы О.Д.У. первого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Особые точки линейных систем с постоянными коэффициентами на примере системы из двух уравнений. Фазовые траектории. Устойчивость решений линейных систем с постоянными коэффициентами.

2.2 Структура учебной дисциплины

Таблица 2.1 – Структура учебной дисциплины для очной формы обучения

Названия содержательных разделов и тем учебной дисциплины	Количество часов						Индикатор компетенци й	Признак компетенци и
	Очная							
	всего	в том числе						
		лек .	пр.	лаб. .	инд .	СРС		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия.	37	4	11	2		20	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	А-1, А-2, В-1, В-2, С-1, С-2
Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики.	37	4	11	2		20	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	А-1, В-1, С-1
Раздел 3. Введение в математический анализ.	39	5	11	3		20	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	А-1, В-1, С-1
Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного.	40	5	11	3		21	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	А-1, В-1, С-1
Экзамен	27					27	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	А-1, В-1, С-1



Названия содержательных разделов и тем учебной дисциплины	Количество часов						Индикатор компетенци й	Признак компетенци и
	Очная							
	всего	в том числе						
		лек .	пр.	лаб.	инд .	СРС		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
Итого в 1 семестре	180	18	44	10		81+27		
Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы.	38	9	7	2		20	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных.	38	10	8	2		18	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 7. Числовые и функциональные ряды.	38	9	7	2		20	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения	39	10	8	2		19	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Экзамен	27					27	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Итого во 2 семестре	180	38	30	8		77+27		
Всего часов	360	56	74	18		158+54		

Основными этапами формирования указанных компетенций при изучении студентами дисциплины являются последовательное изучение содержательно связанных между собой *разделов (тем)* учебных занятий. Изучение каждого раздела (темы) предполагает овладение студентами необходимыми компетенциями. Результат аттестации студентов на различных этапах формирования компетенций показывает уровень освоения компетенций студентами.

Таблица 2.2 – Структура учебной дисциплины для очно-заочной формы обучения

Названия содержательных разделов и тем учебной дисциплины	Количество часов		Компетенции	Признак компетенции
	Очно - заочная			
	всего	в том числе		



		лек.	пр.	лаб.	инд.	СРС		
1	2	3	4	5	6	7	8	9
Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия.	36	2	7	1		26	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики.	36	2	7	1		26	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 3. Введение в математический анализ.	40	4	8	2		26	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного.	41	4	8	2		27	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Экзамен	27					27	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Итого в 1 семестре	180	12	30	6		105+27		
Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы.	35	7	6	1		21	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных.	35	7	6	1		21	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 7. Числовые и функциональные ряды.	37	8	6	2		21	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения	37	8	6	2		21	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Экзамен	36					36	УК-1.1; УК-1.2 ; УК-1.3	A-1, A-2, B-1, B-2, C-1, C-2
Итого во 2 семестре	180	30	24	6		84+36		
Всего часов	360	42	54	12		189+63		



2.3 Распределение контактной работы

Распределение контактной работы по видам занятий приведено в таблицах 2.3.-2.4.

Таблица 2.3 – Лекции, их содержание и объем в часах

№ темы	№ лекц ии	Наименование темы Содержание лекции	Очная ФО	
			Объем	Семестр
I семестр				
Р.1	Л.1- 2	Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия 1.1 Матрицы и действия над ними. Определители n-го порядка и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. 1.2 Метод Гаусса. Линейно зависимые и линейно независимые столбцы и строки матрицы. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных алгебраических уравнений. 1.3 Обратная матрица. Матричный метод решения систем линейных алгебраических уравнений. Общее решение однородной системы уравнений. Базисные и свободные переменные. Структура общего решения неоднородной системы уравнений. 1.4 Линейные векторные пространства. Сложение векторов и умножение вектора на число. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в выбранном базисе. Длина вектора. Линейные операции в координатах. 1.5 Собственные векторы и собственные значения линейных преобразований. Формулы перехода от одной декартовой прямоугольной системы координат к другой. Ортогональность матрицы перехода 1.6 Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрическая интерпретация. Координатное представление произведений векторов. Критерии коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов в координатной форме. 1.7 Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Уравнение плоскости. Различные формы уравнений прямой и плоскости. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. 1.8 Кривые второго порядка. Понятие о квадратичных формах от двух переменных. Типы квадратичных форм. Канонические виды кривых второго порядка (эллипсы, гиперболы и параболы).	4	1



Р.2	Л.3-4	Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики 2.1 Элементы алгебры логики высказываний. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность). Основные алгебраические структуры (кольца, поля, группы). 2.2 Свойства бинарных операций (замкнутость, коммутативность, ассоциативность). Дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквивалентность. Законы де Моргана. 2.3 Ориентированные графы. Полный путь. Основные понятия комбинаторики. Перестановки, размещения и сочетания.	4	1
Р.3	Л.5-7	Раздел 3. Введение в математический анализ 3.1 Предел функции и его геометрический смысл. Односторонние пределы. Свойства пределов функций. Сравнение бесконечно малых функций. Символика. Связь бесконечно малых и бесконечно больших функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Вычисление пределов с помощью таблицы основных эквивалентных бесконечно малых функций. Первый и второй замечательные пределы. 3.2 Понятие непрерывности в точке. Определения разрывов первого и второго родов. Устранимые разрывы. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных на отрезке функций: ограниченность, достижимость наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений. Асимптоты к графикам функций и способы их нахождения.	5	1
Р.4	Л.7-9	Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного 4.1 Производная функции в точке. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали к плоской кривой. Физический смысл первой производной. Непрерывность функции, имеющей производную. Правила нахождения производной суммы, разности, произведения и отношения функций. Таблица производных основных элементарных функций (без вывода). 4.2 Производная сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции. Первый дифференциал и его геометрический смысл. Дифференциал суммы, разности, произведения и отношения функций. Инвариантность формы первого дифференциала. Применение дифференциалов в приближённых вычислениях. 4.3 Производные и дифференциалы высших порядков и их свойства. 4.4 Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций; теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши.	5	1



		Правило Лопиталя. Формулы Тейлора и Маклорена с остаточным членом в форме Лагранжа. Таблица разложений основных элементарных функций по формуле Маклорена. 4.5 Критерий монотонности дифференцируемых функций. Необходимое и достаточное условие экстремума. Критические точки первого рода. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке. 4.6 Определение выпуклости и вогнутости, точек перегиба. Применение второй производной к нахождению интервалов выпуклости и вогнутости. Критические точки второго рода. 4.7 Общая схема исследования функций и построения графиков.		
		Итого за I семестр:	18	1
II семестр				
P.5	Л.1-5	Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы 5.1 Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Непосредственное интегрирование. Интегрирование по частям и подстановкой. 5.2 Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональностей. 5.3 Определение и основные свойства определенного интеграла. Производная по верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям. 5.4 Применение определённых интегралов в геометрии и физике. Вычисление площадей плоских областей, длин дуг плоских кривых, поверхностей фигур вращения и объёмов тел вращения. Вычисление центров тяжести и моментов инерции плоских пластин. 5.5 Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Основные свойства. Абсолютная и условная сходимости. Признаки сходимости.	9	2
P.6	Л.5-10	Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных 6.1 Область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных. Основные теоремы о непрерывных функциях. 6.2 Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Полный дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала.	10	2



		Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. 6.3 Градиент. Производная по направлению. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа. 6.4 Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие. Достаточные условия. Условный экстремум.		
P.7	Л.10 -14	Раздел 7. Числовые и функциональные ряды 7.1 Понятие числового ряда. Частичные суммы. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. 7.2 Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения («эталонные» ряды); радикальный признак Коши; признак Даламбера; интегральный признак Коши-Маклорена. Знакопередающиеся ряды: признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. 7.3 Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда. Формула Даламбера для радиуса сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена. 7.4 Ряды Фурье. Теорема Дирихле. Разложение по синусам и косинусам.	9	2
P.8	Л.15 -19	Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения 8.1 Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка (О.Д.У). Частное, общее и особое решения. Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Понятие о теореме существования и единственности решения задачи Коши для уравнений первого порядка. Интегрирование уравнений с разделяющимися переменными. 8.2 Некоторые типы интегрируемых уравнений первого порядка. Линейные уравнения первого порядка. Однородные и сводящиеся к ним типы уравнений первого порядка. Уравнения Бернулли и Эйлера. 8.3 Понятие об обыкновенных дифференциальных уравнениях высших порядков. Постановка задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Общее решение О.Д.У. второго порядка. Формулировка теоремы существования и единственности решения задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Некоторые частные виды О.Д.У. второго порядка, решаемые в квадратурах. Понижение порядка. 8.4 Общие свойства линейных дифференциальных уравнений n-ого порядка. Фундаментальная система решений однородного уравнения. Определитель Вронского. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Отыскание частных решений линейных О.Д.У. методом Лагранжа на примере уравнений второго порядка. 8.5 Линейные уравнения n-ого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение.	10	2



		Построение общего решения линейного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Нахождение частного решения неоднородного уравнения методом подбора по правой части. 8.6 Нормальные системы О.Д.У. первого порядка. Частные интегралы, интегрируемые комбинации. Линейные системы О.Д.У. первого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Особые точки линейных систем с постоянными коэффициентами на примере системы из двух уравнений. Фазовые траектории. Устойчивость решений линейных систем с постоянными коэффициентами.		
		Итого за II семестр:	40	2
		ВСЕГО:	58	1-2

№ темы	№ лекц ии	Наименование темы Содержание лекции	Очно -заочная ФО	
			Объем	Курс
I курс				
R.1	L.1	<i>Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия</i> 1.1 Матрицы и действия над ними. Определители n-го порядка и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. 1.2 Метод Гаусса. Линейно зависимые и линейно независимые столбцы и строки матрицы. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных алгебраических уравнений. 1.3 Обратная матрица. Матричный метод решения систем линейных алгебраических уравнений. Общее решение однородной системы уравнений. Базисные и свободные переменные. Структура общего решения неоднородной системы уравнений. 1.4 Линейные векторные пространства. Сложение векторов и умножение вектора на число. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в выбранном базисе. Длина вектора. Линейные операции в координатах. 1.5 Собственные векторы и собственные значения линейных преобразований. Формулы перехода от одной декартовой прямоугольной системы координат к другой. Ортогональность матрицы перехода 1.6 Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрическая интерпретация. Координатное представление произведений векторов. Критерии коллинеарности, ортогональности и	2	1



		компланарности векторов в координатной форме. 1.7 Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Уравнение плоскости. Различные формы уравнений прямой и плоскости. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. 1.8 Кривые второго порядка. Понятие о квадратичных формах от двух переменных. Типы квадратичных форм. Канонические виды кривых второго порядка (эллипсы, гиперболы и параболы).		
Р.2	Л.2	Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики 2.1 Элементы алгебры логики высказываний. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность). Основные алгебраические структуры (кольца, поля, группы). 2.2 Свойства бинарных операций (замкнутость, коммутативность, ассоциативность). Дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквивалентность. Законы де Моргана. 2.3 Ориентированные графы. Полный путь. Основные понятия комбинаторики. Перестановки, размещения и сочетания.	2	1
Р.3	Л.3-4	Раздел 3. Введение в математический анализ 3.1 Предел функции и его геометрический смысл. Односторонние пределы. Свойства пределов функций. Сравнение бесконечно малых функций. Символика. Связь бесконечно малых и бесконечно больших функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Вычисление пределов с помощью таблицы основных эквивалентных бесконечно малых функций. Первый и второй замечательные пределы. 3.2 Понятие непрерывности в точке. Определения разрывов первого и второго родов. Устранимые разрывы. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных на отрезке функций: ограниченность, достижимость наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений. Асимптоты к графикам функций и способы их нахождения.	4	1
Р.4	Л.5-6	Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного 4.1 Производная функции в точке. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали к плоской кривой. Физический смысл первой производной. Непрерывность функции, имеющей производную. Правила нахождения производной суммы, разности, произведения и отношения функций. Таблица производных основных элементарных функций (без вывода). 4.2 Производная сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции. Первый	4	1



		дифференциал и его геометрический смысл. Дифференциал суммы, разности, произведения и отношения функций. Инвариантность формы первого дифференциала. Применение дифференциалов в приближённых вычислениях. 4.3 Производные и дифференциалы высших порядков и их свойства. 4.4 Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций; теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Формулы Тейлора и Маклорена с остаточным членом в форме Лагранжа. Таблица разложений основных элементарных функций по формуле Маклорена. 4.5 Критерий монотонности дифференцируемых функций. Необходимое и достаточное условие экстремума. Критические точки первого рода. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке. 4.6 Определение выпуклости и вогнутости, точек перегиба. Применение второй производной к нахождению интервалов выпуклости и вогнутости. Критические точки второго рода. 4.7 Общая схема исследования функций и построения графиков.		
		Итого за I курс:	12	1
II курс				
P.5	Л.1-4	<i>Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы</i> 5.1 Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Непосредственное интегрирование. Интегрирование по частям и подстановкой. 5.2 Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональностей. 5.3 Определение и основные свойства определенного интеграла. Производная по верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям. 5.4 Применение определённых интегралов в геометрии и физике. Вычисление площадей плоских областей, длин дуг плоских кривых, поверхностей фигур вращения и объёмов тел вращения. Вычисление центров тяжести и моментов инерции плоских пластин. 5.5 Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Основные свойства. Абсолютная и условная сходимости. Признаки сходимости.	7	2



Р.6	Л.4-7	Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных 6.1 Область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных. Основные теоремы о непрерывных функциях. 6.2 Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Полный дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. 6.3 Градиент. Производная по направлению. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа. 6.4 Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие. Достаточные условия. Условный экстремум.	7	2
Р.7	Л.8-11	Раздел 7. Числовые и функциональные ряды 7.1 Понятие числового ряда. Частичные суммы. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. 7.2 Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения («эталонные» ряды); радикальный признак Коши; признак Даламбера; интегральный признак Коши-Маклорена. Знакопередающиеся ряды: признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. 7.3 Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда. Формула Даламбера для радиуса сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена. 7.4 Ряды Фурье. Теорема Дирихле. Разложение по синусам и косинусам.	8	2
Р.8	Л.12-15	Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения 8.1 Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка (О.Д.У). Частное, общее и особое решения. Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Понятие о теореме существования и единственности решения задачи Коши для уравнений первого порядка. Интегрирование уравнений с разделяющимися переменными. 8.2 Некоторые типы интегрируемых уравнений первого порядка. Линейные уравнения первого порядка. Однородные и сводящиеся к ним типы уравнений первого порядка. Уравнения Бернулли и Эйлера. 8.3 Понятие об обыкновенных дифференциальных уравнениях высших порядков. Постановка задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Общее решение О.Д.У. второго порядка. Формулировка теоремы существования и единственности решения задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Некоторые частные виды О.Д.У. второго порядка,	8	2



		решаемые в квадратурах. Понижение порядка. 8.4 Общие свойства линейных дифференциальных уравнений n-ого порядка. Фундаментальная система решений однородного решения. Определитель Вронского. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Отыскание частных решений линейных О.Д.У. методом Лагранжа на примере уравнений второго порядка. 8.5 Линейные уравнения n-ого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение общего решения линейного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Нахождение частного решения неоднородного уравнения методом подбора по правой части. 8.6 Нормальные системы О.Д.У. первого порядка. Частные интегралы, интегрируемые комбинации. Линейные системы О.Д.У. первого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Особые точки линейных систем с постоянными коэффициентами на примере системы из двух уравнений. Фазовые траектории. Устойчивость решений линейных систем с постоянными коэффициентами.		
		Итого за II курс:	30	2
		ВСЕГО:	42	1-2

Таблица 2.4 – Практические (или семинарские) и лабораторные занятия, их содержание и объем в часах

№ раздел а дисциплины	№ занятий	Тематика практических занятий (семинаров)	Очная ФО	
			Объем	Семестр
			Объем	Семестр
I семестр				
Р.1	ПР1 -6 Лаб. 1	<i>Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия</i> 1.1 Матрицы и действия над ними. Определители n-го порядка и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. 1.2 Метод Гаусса. Линейно зависимые и линейно независимые столбцы и строки матрицы. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных алгебраических уравнений. 1.3 Обратная матрица. Матричный метод решения систем линейных алгебраических уравнений. Общее решение однородной системы уравнений. Базисные и свободные переменные. Структура общего решения неоднородной	11+2	1



		системы уравнений. 1.4 Линейные векторные пространства. Сложение векторов и умножение вектора на число. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в выбранном базисе. Длина вектора. Линейные операции в координатах. 1.5 Собственные векторы и собственные значения линейных преобразований. Формулы перехода от одной декартовой прямоугольной системы координат к другой. Ортогональность матрицы перехода 1.6 Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрическая интерпретация. Координатное представление произведений векторов. Критерии коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов в координатной форме. 1.7 Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Уравнение плоскости. Различные формы уравнений прямой и плоскости. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. 1.8 Кривые второго порядка. Понятие о квадратичных формах от двух переменных. Типы квадратичных форм. Канонические виды кривых второго порядка (эллипсы, гиперболы и параболы).		
Р.2	ПР6 -11 Лаб. 2	Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики 2.1 Элементы алгебры логики высказываний. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность). Основные алгебраические структуры (кольца, поля, группы). 2.2 Свойства бинарных операций (замкнутость, коммутативность, ассоциативность). Дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквивалентность. Законы де Моргана. 2.3 Ориентированные графы. Полный путь. Основные понятия комбинаторики. Перестановки, размещения и сочетания.	11+2	1
Р.3	ПР1 2-17 Лаб. 3-4	Раздел 3. Введение в математический анализ 3.1 Предел функции и его геометрический смысл. Односторонние пределы. Свойства пределов функций. Сравнение бесконечно малых функций. Символика. Связь бесконечно малых и бесконечно больших функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Вычисление пределов с помощью таблицы основных эквивалентных бесконечно малых функций. Первый и второй замечательные пределы. 3.2 Понятие непрерывности в точке. Определения разрывов первого и второго родов. Устранимые разрывы. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных на отрезке функций: ограниченность,	11+3	1



		достижимость наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений. Асимптоты к графикам функций и способы их нахождения.		
P.4	ПР1 7-22 Лаб. 4-5	Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного 4.1 Производная функции в точке. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали к плоской кривой. Физический смысл первой производной. Непрерывность функции, имеющей производную. Правила нахождения производной суммы, разности, произведения и отношения функций. Таблица производных основных элементарных функций (без вывода). 4.2 Производная сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции. Первый дифференциал и его геометрический смысл. Дифференциал суммы, разности, произведения и отношения функций. Инвариантность формы первого дифференциала. Применение дифференциалов в приближённых вычислениях. 4.3 Производные и дифференциалы высших порядков и их свойства. 4.4 Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций; теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Формулы Тейлора и Маклорена с остаточным членом в форме Лагранжа. Таблица разложений основных элементарных функций по формуле Маклорена. 4.5 Критерий монотонности дифференцируемых функций. Необходимое и достаточное условие экстремума. Критические точки первого рода. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке. 4.6 Определение выпуклости и вогнутости, точек перегиба. Применение второй производной к нахождению интервалов выпуклости и вогнутости. Критические точки второго рода. 4.7 Общая схема исследования функций и построения графиков.	11+3	1
		Итого за I семестр:	44+10	1
II семестр				
P.5	ПР1 -4 Лаб. 1	Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы 5.1 Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Непосредственное интегрирование. Интегрирование по частям и подстановкой. 5.2 Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональностей.	7+2	2
© ГУЗ		Выпуск 1	Изменение 0	Экземпляр №1
Стр. 22				



		5.3 Определение и основные свойства определенного интеграла. Производная по верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям. 5.4 Применение определённых интегралов в геометрии и физике. Вычисление площадей плоских областей, длин дуг плоских кривых, поверхностей фигур вращения и объёмов тел вращения. Вычисление центров тяжести и моментов инерции плоских пластин. 5.5 Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Основные свойства. Абсолютная и условная сходимости. Признаки сходимости.		
P.6	ПР4 -8 Лаб. 2	Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных 6.1 Область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных. Основные теоремы о непрерывных функциях. 6.2 Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Полный дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. 6.3 Градиент. Производная по направлению. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа. 6.4 Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие. Достаточные условия. Условный экстремум.	8+2	2
P.7	ПР8 -11 Лаб. 3	Раздел 7. Числовые и функциональные ряды 7.1 Понятие числового ряда. Частичные суммы. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. 7.2 Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения («эталонные» ряды); радикальный признак Коши; признак Даламбера; интегральный признак Коши-Маклорена. Знакопередающиеся ряды: признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. 7.3 Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда. Формула Даламбера для радиуса сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена. 7.4 Ряды Фурье. Теорема Дирихле. Разложение по синусам и косинусам.	7+2	2
P.8	ПР1 2-15 Лаб.	Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения 8.1 Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка (О.Д.У). Частное, общее и особое решения. Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений	8+2	2



	4	первого порядка. Понятие о теореме существования и единственности решения задачи Коши для уравнений первого порядка. Интегрирование уравнений с разделяющимися переменными. 8.2 Некоторые типы интегрируемых уравнений первого порядка. Линейные уравнения первого порядка. Однородные и сводящиеся к ним типы уравнений первого порядка. Уравнения Бернулли и Эйлера. 8.3 Понятие об обыкновенных дифференциальных уравнениях высших порядков. Постановка задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Общее решение О.Д.У. второго порядка. Формулировка теоремы существования и единственности решения задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Некоторые частные виды О.Д.У. второго порядка, решаемые в квадратурах. Понижение порядка. 8.4 Общие свойства линейных дифференциальных уравнений n-ого порядка. Фундаментальная система решений однородного решения. Определитель Вронского. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Отыскание частных решений линейных О.Д.У. методом Лагранжа на примере уравнений второго порядка. 8.5 Линейные уравнения n-ого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение общего решения линейного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Нахождение частного решения неоднородного уравнения методом подбора по правой части. 8.6 Нормальные системы О.Д.У. первого порядка. Частные интегралы, интегрируемые комбинации. Линейные системы О.Д.У. первого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Особые точки линейных систем с постоянными коэффициентами на примере системы из двух уравнений. Фазовые траектории. Устойчивость решений линейных систем с постоянными коэффициентами.		
		Итого за II семестр:	30+8	2
		ВСЕГО:	74+18	1-2

№ раздел а дисциплины	№ занятий	Тематика практических занятий (семинаров)	Очно-заочная ФО	
			Объем	Курс
I курс				
Р.1	ПР1-4 Лаб. 1	<i>Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия</i> 1.1 Матрицы и действия над ними. Определители n-го порядка и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера.	7+1	1



		1.2 Метод Гаусса. Линейно зависимые и линейно независимые столбцы и строки матрицы. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных алгебраических уравнений. 1.3 Обратная матрица. Матричный метод решения систем линейных алгебраических уравнений. Общее решение однородной системы уравнений. Базисные и свободные переменные. Структура общего решения неоднородной системы уравнений. 1.4 Линейные векторные пространства. Сложение векторов и умножение вектора на число. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в выбранном базисе. Длина вектора. Линейные операции в координатах. 1.5 Собственные векторы и собственные значения линейных преобразований. Формулы перехода от одной декартовой прямоугольной системы координат к другой. Ортогональность матрицы перехода 1.6 Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрическая интерпретация. Координатное представление произведений векторов. Критерии коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов в координатной форме. 1.7 Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Уравнение плоскости. Различные формы уравнений прямой и плоскости. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. 1.8 Кривые второго порядка. Понятие о квадратичных формах от двух переменных. Типы квадратичных форм. Канонические виды кривых второго порядка (эллипсы, гиперболы и параболы).		
P.2	ПР4 -7 Лаб. 1	Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики 2.1 Элементы алгебры логики высказываний. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность). Основные алгебраические структуры (кольца, поля, группы). 2.2 Свойства бинарных операций (замкнутость, коммутативность, ассоциативность). Дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквивалентность. Законы де Моргана. 2.3 Ориентированные графы. Полный путь. Основные понятия комбинаторики. Перестановки, размещения и сочетания.	7+1	1
P.3	ПР8 -11 Лаб.	Раздел 3. Введение в математический анализ 3.1 Предел функции и его геометрический смысл. Односторонние пределы. Свойства пределов функций. Сравнение бесконечно малых функций. Символика. Связь	8+2	1



	2	бесконечно малых и бесконечно больших функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Вычисление пределов с помощью таблицы основных эквивалентных бесконечно малых функций. Первый и второй замечательные пределы. 3.2 Понятие непрерывности в точке. Определения разрывов первого и второго родов. Устранимые разрывы. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных на отрезке функций: ограниченность, достижимость наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений. Асимптоты к графикам функций и способы их нахождения.		
Р.4	ПР1 2-15 Лаб. 3	Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного 4.1 Производная функции в точке. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали к плоской кривой. Физический смысл первой производной. Непрерывность функции, имеющей производную. Правила нахождения производной суммы, разности, произведения и отношения функций. Таблица производных основных элементарных функций (без вывода). 4.2 Производная сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции. Первый дифференциал и его геометрический смысл. Дифференциал суммы, разности, произведения и отношения функций. Инвариантность формы первого дифференциала. Применение дифференциалов в приближённых вычислениях. 4.3 Производные и дифференциалы высших порядков и их свойства. 4.4 Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций; теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Формулы Тейлора и Маклорена с остаточным членом в форме Лагранжа. Таблица разложений основных элементарных функций по формуле Маклорена. 4.5 Критерий монотонности дифференцируемых функций. Необходимое и достаточное условие экстремума. Критические точки первого рода. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке. 4.6 Определение выпуклости и вогнутости, точек перегиба. Применение второй производной к нахождению интервалов выпуклости и вогнутости. Критические точки второго рода. 4.7 Общая схема исследования функций и построения графиков.	8+2	1
		Итого за I курс:	30+6	1
II курс				



P.5	ПР1 -3 Лаб 1	Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы 5.1 Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Непосредственное интегрирование. Интегрирование по частям и подстановкой. 5.2 Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональностей. 5.3 Определение и основные свойства определенного интеграла. Производная по верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям. 5.4 Применение определённых интегралов в геометрии и физике. Вычисление площадей плоских областей, длин дуг плоских кривых, поверхностей фигур вращения и объёмов тел вращения. Вычисление центров тяжести и моментов инерции плоских пластин. 5.5 Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Основные свойства. Абсолютная и условная сходимости. Признаки сходимости.	6+1	2
P.6	ПР4 -6 Лаб 1	Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных 6.1 Область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных. Основные теоремы о непрерывных функциях. 6.2 Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Полный дифференциал. Инвариантность формы первого дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. 6.3 Градиент. Производная по направлению. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа. 6.4 Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие. Достаточные условия. Условный экстремум.	6+1	2
P.7	ПР7 -9 Лаб 2	Раздел 7. Числовые и функциональные ряды 7.1 Понятие числового ряда. Частичные суммы. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. 7.2 Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения («эталонные» ряды); радикальный признак Коши; признак Даламбера; интегральный признак Коши-Маклорена. Знакопередающие ряды: признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость.	6+2	2



		7.3 Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда. Формула Даламбера для радиуса сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена. 7.4 Ряды Фурье. Теорема Дирихле. Разложение по синусам и косинусам.		
Р.8	ПР1 0-12 Лаб 3	Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения 8.1 Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка (О.Д.У). Частное, общее и особое решения. Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Понятие о теореме существования и единственности решения задачи Коши для уравнений первого порядка. Интегрирование уравнений с разделяющимися переменными. 8.2 Некоторые типы интегрируемых уравнений первого порядка. Линейные уравнения первого порядка. Однородные и сводящиеся к ним типы уравнений первого порядка. Уравнения Бернулли и Эйлера. 8.3 Понятие об обыкновенных дифференциальных уравнениях высших порядков. Постановка задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Общее решение О.Д.У. второго порядка. Формулировка теоремы существования и единственности решения задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Некоторые частные виды О.Д.У. второго порядка, решаемые в квадратурах. Понижение порядка. 8.4 Общие свойства линейных дифференциальных уравнений n-ого порядка. Фундаментальная система решений однородного решения. Определитель Вронского. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Отыскание частных решений линейных О.Д.У. методом Лагранжа на примере уравнений второго порядка. 8.5 Линейные уравнения n-ого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение общего решения линейного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Нахождение частного решения неоднородного уравнения методом подбора по правой части. 8.6 Нормальные системы О.Д.У. первого порядка. Частные интегралы, интегрируемые комбинации. Линейные системы О.Д.У. первого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Особые точки линейных систем с постоянными коэффициентами на примере системы из двух уравнений. Фазовые траектории. Устойчивость решений линейных систем с постоянными коэффициентами.	6+2	2
		Итого за II курс:	24+6	2
		ВСЕГО:	54+12	1-2

2.3 Распределение самостоятельной работы студентов

© ГУЗ	Выпуск 1	Изменение 0	Экземпляр №1	Стр. 28
-------	----------	-------------	--------------	---------



Распределение самостоятельной работы студентов ОФО представлено в виде таблицы 2.5.

СРС по дисциплине «Математика» включает выполнение контрольной и расчетно-графической работы, подготовку к текущему контролю и к промежуточной аттестации (экзамен).

Таблица 2.5 – График недельной загрузки СРС студента ОФО в 1 семестре

№ недели	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	Итого
Подготовка к лекциям	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	20
Подготовка к практическим занятиям	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	20
Работа над индивидуальными заданиями (реферат)	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	20
Подготовка к текущему контролю	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	21
Подготовка к промежуточной аттестации (экзамен)	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	27
Итого	5	5	5	5	5	5	5	6	6	6	6	6	6	7	10	10	10	81+27

Таблица 2.5 – График недельной загрузки СРС студента ОФО в 2 семестре

№ недели	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	Итого
Подготовка к лекциям	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	18
Подготовка к практическим занятиям	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	18
Работа над индивидуальными заданиями (реферат)	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	18
Подготовка к текущему контролю	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	23
Подготовка к промежуточной аттестации (экзамен)	1	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	27
Итого	5	5	5	5	5	5	5	6	6	6	6	6	6	6	6	7	10	77+27

2.4. Распределение интерактивных видов занятий.

Очная форма обучения.

Объем интерактивных занятий – 31 часов.

Таблица 2.7 – Распределение интерактивных занятий студента ОФО

Первый семестр

№ недели	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	Всего
----------	---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----	-------



Лекции	0	1	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	1	0	0	9
Практически е занятия и лабораторны е работы	0	1	0	1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	1	1	0	0	8
Всего	0	2	1	1	2	0	1	1	2	0	2	0	1	0	2	2	2	0	17

Второй семестр

№ недели	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	Всего
Лекции	0	0	1	0	1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	0	6
Практически е занятия и лабораторны е работы	0	1	0	1	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	1	1	0	0	8
Всего	0	1	1	1	2	0	1	1	1	0	2	0	0	0	2	1	1	1	14

Характеристика интерактивных видов занятий

Интерактивные методы на лекциях:

Мини-лекция, Презентация с обсуждением, Обратная связь, Лекция с заранее запланированными ошибками.

Интерактивные методы на практических занятиях:

Работа в малых группах в компьютерном классе, коллективный (многостороннее взаимодействие в форме группового общения, в котором принимает участие каждый студент на практическом занятии); коллективно-групповой (работа малых групп соединяется с работой всех присутствующих на семинарском занятии).

Интерактивные методы в самостоятельной работе:

Мозговой штурм. Метод проектов, Метод обучения в парах (спарринг-партнерство).

3. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Таблица 3.1 – Перечень вопросов и задач для видов контроля

Наименование темы	Перечень вопросов и задач	Формируемые индикаторы компетенции
Входной контроль (проводится на 1-2 неделях 1-го семестра в письменной форме по индивидуальным	1. Логарифмы Определение. Основные свойства Простейшие логарифмические уравнения и неравенства. 2. Основы тригонометрии	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3



заданиям)	Основные тригонометрические функции. Формулы приведения. Решение простейших тригонометрических уравнений. 3. Показательные функции. Простейшие уравнения и неравенства.	
Текущий контроль (проводится на всех видах занятий и при проверке конспектов лекций, в письменной форме) по всем разделам и темам курса	Перечень вопросов к текущему контролю: <i>Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия</i> 1.1 Матрицы и действия над ними. Определители n-го порядка и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. 1.2 Метод Гаусса. Линейно зависимые и линейно независимые столбцы и строки матрицы. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных алгебраических уравнений. 1.3 Обратная матрица. Матричный метод решения систем линейных алгебраических уравнений. Общее решение однородной системы уравнений. Базисные и свободные переменные. Структура общего решения неоднородной системы уравнений. 1.4 Линейные векторные пространства. Сложение векторов и умножение вектора на число. Линейная зависимость и независимость векторов. Базис. Координаты вектора в выбранном базисе. Длина вектора. Линейные операции в координатах. 1.5 Собственные векторы и собственные значения линейных преобразований. Формулы перехода от одной декартовой прямоугольной	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3



	системы координат к другой. Ортогональность матрицы перехода 1.6 Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрическая интерпретация. Координатное представление произведений векторов. Критерии коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов в координатной форме. 1.7 Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Уравнение плоскости. Различные формы уравнений прямой и плоскости. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. 1.8 Кривые второго порядка. Понятие о квадратичных формах от двух переменных. Типы квадратичных форм. Канонические виды кривых второго порядка (эллипсы, гиперболы и параболы). <i>Раздел 2. Элементы дискретной математики и математической логики</i> 2.1 Элементы алгебры логики высказываний. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность). Основные алгебраические структуры (кольца, поля, группы). 2.2 Свойства бинарных операций (замкнутость, коммутативность, ассоциативность). Дизъюнкция, конъюнкция, импликация, эквивалентность. Законы де Моргана. 2.3 Ориентированные графы. Полный путь. Основные понятия комбинаторики. Перестановки,			
© ГУЗ	Выпуск 1	Изменение 0	Экземпляр №1	Стр. 32



	размещения и сочетания. Раздел 3. Введение в математический анализ 3.1 Предел функции и его геометрический смысл. Односторонние пределы. Свойства пределов функций. Сравнение бесконечно малых функций. Символика. Связь бесконечно малых и бесконечно больших функций. Эквивалентные бесконечно малые функции. Вычисление пределов с помощью таблицы основных эквивалентных бесконечно малых функций. Первый и второй замечательные пределы. 3.2 Понятие непрерывности в точке. Определения разрывов первого и второго родов. Устранимые разрывы. Непрерывность элементарных функций. Свойства непрерывных на отрезке функций: ограниченность, достижимость наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений. Асимптоты к графикам функций и способы их нахождения. Раздел 4. Дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного 4.1 Производная функции в точке. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали к плоской кривой. Физический смысл первой производной. Непрерывность функции, имеющей производную. Правила нахождения производной суммы, разности, произведения и отношения функций. Таблица производных основных элементарных функций (без вывода). 4.2 Производная сложной функции. Логарифмическое	
--	--	--



	дифференцирование. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявной функции. Первый дифференциал и его геометрический смысл. Дифференциал суммы, разности, произведения и отношения функций. Инвариантность формы первого дифференциала. Применение дифференциалов в приближённых вычислениях. 4.3 Производные и дифференциалы высших порядков и их свойства. 4.4 Теоремы о средних значениях дифференцируемых функций; теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя. Формулы Тейлора и Маклорена с остаточным членом в форме Лагранжа. Таблица разложений основных элементарных функций по формуле Маклорена. 4.5 Критерий монотонности дифференцируемых функций. Необходимое и достаточное условие экстремума. Критические точки первого рода. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке. 4.6 Определение выпуклости и вогнутости, точек перегиба. Применение второй производной к нахождению интервалов выпуклости и вогнутости. Критические точки второго рода. 4.7 Общая схема исследования функций и построения графиков. Раздел 5. Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы 5.1 Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных формул интегрирования. Непосредственное	
--	---	--



	интегрирование. Интегрирование по частям и подстановкой. 5.2 Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональностей. 5.3 Определение и основные свойства определенного интеграла. Производная по верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям. 5.4 Применение определённых интегралов в геометрии и физике. Вычисление площадей плоских областей, длин дуг плоских кривых, поверхностей фигур вращения и объёмов тел вращения. Вычисление центров тяжести и моментов инерции плоских пластин. 5.5 Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Основные свойства. Абсолютная и условная сходимости. Признаки сходимости. Раздел 6. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных 6.1 Область определения, предел и непрерывность функции нескольких переменных. Основные теоремы о непрерывных функциях. 6.2 Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Полный дифференциал. Инвариантность	
--	---	--



	формы первого дифференциала. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Геометрический смысл полного дифференциала. 6.3 Градиент. Производная по направлению. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора с остаточным членом в форме Лагранжа. 6.4 Экстремумы функции нескольких переменных. Необходимое условие. Достаточные условия. Условный экстремум. Раздел 7. Числовые и функциональные ряды 7.1 Понятие числового ряда. Частичные суммы. Сходимость ряда. Необходимый признак сходимости. 7.2 Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения («эталонные» ряды); радикальный признак Коши; признак Даламбера; интегральный признак Коши-Маклорена. Знакопередающие ряды: признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость. 7.3 Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенного ряда. Формула Даламбера для радиуса сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена. Разложение элементарных функций в ряд Маклорена. Раздел 8. Обыкновенные дифференциальные уравнения 8.1 Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка (О.Д.У). Частное, общее и особое решения. Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений первого порядка. Понятие о теореме существования и единственности решения задачи Коши	
--	--	--



	для уравнений первого порядка. Интегрирование уравнений с разделяющимися переменными. 8.2 Некоторые типы интегрируемых уравнений первого порядка. Линейные уравнения первого порядка. Однородные и сводящиеся к ним типы уравнений первого порядка. Уравнения Бернулли и Эйлера. 8.3 Понятие об обыкновенных дифференциальных уравнениях высших порядков. Постановка задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Общее решение О.Д.У. второго порядка. Формулировка теоремы существования и единственности решения задачи Коши для О.Д.У. второго порядка. Некоторые частные виды О.Д.У. второго порядка, решаемые в квадратурах. Понижение порядка. 8.4 Общие свойства линейных дифференциальных уравнений n-ого порядка. Фундаментальная система решений однородного решения. Определитель Вронского. Структура общего решения линейного неоднородного уравнения. Отыскание частных решений линейных О.Д.У. методом Лагранжа на примере уравнений второго порядка. 8.5 Линейные уравнения n-ого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение общего решения линейного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Нахождение частного решения неоднородного уравнения методом подбора по правой части. 8.6 Нормальные системы О.Д.У. первого порядка. Частные интегралы,	
--	--	--



	интегрируемые комбинации. Линейные системы О.Д.У. первого порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Особые точки линейных систем с постоянными коэффициентами на примере системы из двух уравнений. Фазовые траектории. Устойчивость решений линейных систем с постоянными коэффициентами.	
Тема 1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии.	Тест №1 1. Рангом матрицы называется: а) количество строк матрицы; б) количество столбцов матрицы; в) наивысший порядок отличный от нуля миноров; г) размерность матрицы. 2. Если определитель системы линейных алгебраических уравнений не равен 0, то система: а) имеет единственное решение; б) не имеет решений; в) имеет бесчисленное количество решений; г) имеет 3 решения. 3. Какие из этих 3-х точек лежат в одной плоскости: а) (1,1,1), (2,2,2), (0,-1,3); б) (0,0,1), (2,-1,0), (3,3,3); в) (0,0,0), (1,-1,1), (2, 0, 1); д) все предыдущие 4. Геометрическая интерпретация векторного произведения есть: а) площадь параллелограмма; б) объём параллелепипеда; в) работа; г) расстояние между точками.	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3
Тема 2 Элементы дискретной	1. Предложение : «Кто такой Л.Толстой?» является: а) высказыванием;	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3



математики и математической логики	б) предикатом; в) квантором; г) все вышеперечисленные варианты не подходят 2. Высказывания, содержащее связи <i>и, или, не, если...то, только если, тогда и только тогда</i>, называется: а) простым; б) сложным; в) булевой алгеброй; г) все вышеперечисленное 3. Высказывание – это а) утверждение или повествовательное предложение, о котором можно сказать, что оно истинно или ложно; б) операция, заданная на некотором множестве; в) правило теории множеств; г) любое утверждение или предложение, содержащее вопрос.	
Тема 3 Введение в математический анализ	1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + 4}{x}$ равен: а) ∞; б) 0; в) 4; г) на «0» делить нельзя! 3. Функции $\sin x$ и x при $x \rightarrow \infty$ будут эквивалентны друг другу, т.к.: а) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$; б) $\sin x = x$; в) по второму замечательному пределу; г) они не являются эквивалентными. 4. $\lim_{x \rightarrow 0} x \cdot \sin \frac{1}{x}$ равен: а) 0; б) ∞; в) получаем неопределённость вида $0 \cdot \infty$; г) получаем неопределённость вида $0 \cdot 0$.	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3



Темы 4 и 6 Дифференциальное исчисление функций одного и нескольких независимых переменных	Тест №3 1. Касательная к графику функции $y = \sin x$ в точке с абсциссой $x = 0$ образует с осью Ox угол: 1) $\frac{\pi}{2}$; 2) $\frac{\pi}{4}$; 3) 60° ; 4) π . 2. Наибольшее значение функции $y = x^3 - 3x + 3$ на отрезке $[-1,5; 2,5]$ достигается 1) в точке $x = -1$; 2) в точке $x = 1$; 3) $x = 2,5$; 4) $x = -1,5$. 3. Область определения функции $y = \ln x - 3 $ есть интервал: 1) $x \in (0; \infty)$; 2) $x \in (-\infty; +\infty)$; 3) $x \in (-\infty; 3) \cup (3; +\infty)$; 4) правильный ответ отсутствует в предыдущих вариантах. 4. $\overline{\text{grad}} f(x, y)$ в точке $O(1, 1)$ для $f(x, y) = x^2 y$ есть вектор: 1) $\overline{\text{grad}} f = 2\bar{i} + \bar{j}$; 2) $\overline{\text{grad}} f = \bar{i} - 2\bar{j}$; 3) $\overline{\text{grad}} f = 2\bar{i} - \bar{j}$; 4) $\overline{\text{grad}} f = 2\bar{i} + 2\bar{j}$.	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3
Тема 5 Неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы.	1. При замене переменной в определенном интеграле пределы интегрирования: 1) изменяются; 2) остаются постоянными; 3) меняются местами; 4) меняют знак на противоположный. 2. $\int \frac{\sin x dx}{\cos x}$ равен	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3



	1) $-\ln \cos x + c$; 2) $\ln \cos x + c$; 3) $\frac{3\cos^3 x}{2} + c$; 4) относится к разряду «не берущихся» интегралов. 3. $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x}$ 1) расходится; 2) сходится; 3) не вычисляется; 4) равен 1. 4. $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^3 x dx$ равен 1) $\frac{2}{3}$; 2) $\frac{3}{2}$; 3) $\frac{1}{2}$; 4) $\frac{8}{3}$.									
Тема 7 Числовые и функциональные ряды	1. Можно ли использовать признак Даламбера для исследования сходимости ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3}{n!}$. Выяснить сходится ли ряд?	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3								
	<table><tr><td>ряд</td><td>2) можно, ряд сходится</td><td>3) нельзя, ряд расходится</td><td>4) м</td></tr><tr><td>и</td><td></td><td></td><td>ра</td></tr></table>	ряд	2) можно, ряд сходится	3) нельзя, ряд расходится	4) м	и			ра	
	ряд	2) можно, ряд сходится	3) нельзя, ряд расходится	4) м						
и			ра							
2.) Найти сумму ряда $\frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \dots + \frac{1}{(n+2)(n+3)} + \dots$ <table><tr><td>1) $\frac{1}{4}$</td><td>2) $\frac{1}{3}$</td><td>3) $\frac{1}{2}$</td><td>4) $\frac{2}{3}$</td></tr></table> 3. Можно ли исследовать сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ с помощью признака Коши, если	1) $\frac{1}{4}$	2) $\frac{1}{3}$	3) $\frac{1}{2}$	4) $\frac{2}{3}$	$\frac{3}{4}$					
1) $\frac{1}{4}$	2) $\frac{1}{3}$	3) $\frac{1}{2}$	4) $\frac{2}{3}$							



	$a_n = \frac{n^n}{(n+1)^n} . \text{ Сходится ли ряд?}$ <table> <tr> <td>1) нельзя, ряд сходится</td> <td>2) можно, ряд расходит ся</td> <td>3) нельзя, ряд расходит ся</td> <td>4) м р сход</td> </tr> </table>	1) нельзя, ряд сходится	2) можно, ряд расходит ся	3) нельзя, ряд расходит ся	4) м р сход	
1) нельзя, ряд сходится	2) можно, ряд расходит ся	3) нельзя, ряд расходит ся	4) м р сход			
Тема 8 Обыкновенные дифференциальные уравнения	1. Какой тип уравнений имеет следующую форму записи: $y' = f (ху)$? 1. с разделяющимися переменными; 2. однородное; 3. в полных дифференциалах. 2. Определить тип уравнения: $y' + y = 0$. 1.Бернулли 2.С разделяющимися переменными 3.Линейное 3. Решить задачу Коши: $y'' + 3y' + 2y = e-x. y(0) = -1, y'(0) = 1$ 1) $y = e-2x + e-x + xe-x$ 2) $y = e-2x - 2e-x + xe-x$ 3) $y = e2x + e-x - xe-x$ 4) $y = e2x - e-x + xe-x$	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3				
Подготовка к промежуточной аттестации (проводится в виде экзамена в 1-2-м семестре по индивидуальным заданиям)	1 семестр Матрицы. Определители и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Метод Гаусса. Ранг матрицы и способы его	УК-1.1; УК-1.2; УК-1.3				
© ГУЗ	Выпуск 1	Изменение 0	Экземпляр №1	Стр. 42		



	вычисления. Теорема Кронекера-Капелли о совместности системы линейных алгебраических уравнений. Обратная матрица. Матричный способ решения систем с квадратной матрицей. Векторы. Алгебраические операции с векторами. Линейная зависимость и независимость векторов. Скалярное произведение векторов и его свойства. Векторное произведение векторов и его свойства. Смешанное произведение векторов и его свойства. Прямая линия на плоскости и ее уравнения. Прямая линия в пространстве и ее уравнения. Расстояние от точки до прямой. Уравнения плоскости. Расстояние от точки до плоскости. Уравнение эллипса и его построение. Уравнение гиперболы и её построение. Уравнение параболы и её построение. Предел функции. Свойства. Односторонние пределы (примеры). Бесконечно малые функции. Таблица основных эквивалентных бесконечно малых. Первый замечательный предел. Примеры.	
--	---	--



Второй замечательный предел.
Примеры.
Непрерывность функции в точке.
Классификация разрывов с
примерами.
Асимптоты к графикам функций и
способы их нахождения.
Примеры.
Производная функции в точке.
Определение. Геометрический
смысл.
Правило Лопиталя. Примеры.
Формулы Тейлора и Маклорена.

2 семестр

Первообразная. Неопределенный
интеграл и его свойства. Таблица
основных формул
интегрирования.
Непосредственное
интегрирование. Основные
приёмы интегрирования.
Определение и основные свойства
определенного интеграла.
Формула Ньютона-Лейбница.
Вычисление определенных
интегралов методами замены
переменной и по частям.
Частные производные функции
нескольких переменных.
Экстремумы функции нескольких
переменных. Необходимое
условие. Достаточные условия.
Условный экстремум.
Понятие числового ряда.
Необходимый признак
сходимости.



	Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения («эталонные» ряды); радикальный признак Коши; признак Даламбера. Знакопередающиеся ряды: признак Лейбница. Степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена. Дифференциальные уравнения первого порядка с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения первого порядка. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Линейное однородное дифференциальное уравнение второго порядка. Свойства решений. Линейное однородное дифференциальное уравнение второго порядка. Структура общего решения. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Случай действительных корней характеристического уравнения. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Случай комплексных корней характеристического уравнения. Линейные однородные	
--	--	--



	дифференциальные уравнения n -ого порядка с постоянными коэффициентами.	
--	---	--

Таблица 3.2 - Методические указания к изучению теоретических вопросов и решению типовых задач, используемые при изучении дисциплины

№ п/п	Наименование указаний, пособий	Количество экземпляров
1	Элементы линейной алгебры и их применение при решении практических задач Кузнецова Н.А., Курочкина К.В., Макаров П.В., Кузнецов В.В. Учебное пособие. Москва, ГУЗ, 2016, - 64с	300
2	Комплексные числа. Понятие функции комплексного переменного. Макаров П.В., Кузнецова Н.А., Курочкина К.В., Иванов В.П., Семенова Н.В. Учебное пособие . Москва, ГУЗ, 2017,-47с	150
3	Интегральное исчисление. Неопределенный интеграл. Часть I Кузнецова Н.А., Курочкина К.В. Учебное пособие, Москва, ГУЗ, 2018, - 68с	150
4	Интегральное исчисление. Определенный интеграл. Часть II. Кузнецова Н.А., Курочкина К.В., Макаров П.В. Учебное пособие, Москва, ГУЗ, 2018, - 50с	150
5	Элементы теории множеств и математической логики. Кузнецова Н.А., Червяков А.В., Хасанов А.А. Учебное пособие, Москва, ГУЗ, 2019,- 46с	150
6	Математический анализ функции одной переменной. Часть I. Кузнецова Н.А., Курочкина К.В. Учебное пособие. Москва, ГУЗ, 2019. - 69 с.	150
7	Математический анализ функции одной переменной. Часть II. Кузнецова Н.А., Курочкина К.В. Учебное пособие. Москва, ГУЗ, 2019. - 61 с.	150
8	Интегральное исчисление. Приложение определенного интеграла. Часть III. Кузнецова Н.А., Курочкина К.В. Учебное пособие. Москва, ГУЗ, 2020. - 62 с.	150
9	Математический анализ функции одной переменной. Часть III. Кузнецова Н.А., Курочкина К.В. Учебное пособие. Москва, ГУЗ, 2020. - 62 с.	150

3.1. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

© ГУЗ	Выпуск 1	Изменение 0	Экземпляр №1	Стр. 46
-------	----------	-------------	--------------	---------



Освоение обучающимся учебной дисциплины «Математика» предполагает изучение материалов дисциплины на аудиторных занятиях и в ходе самостоятельной работы. Аудиторные занятия проходят в форме лекций, семинаров и лабораторных работ. Самостоятельная работа включает разнообразный комплекс видов и форм работы обучающихся.

Самостоятельная работа студентов (СРС) позволяет предметно выработать аналитические навыки, обеспечить понимание основ математической теории и практики применения математического аппарата к решению практических задач, более осознанно относиться к уровню своей профессиональной подготовки. СРС способствует развитию их мыслительной деятельности, обеспечивает усвоение определенного учебного материала и предоставляет необходимую подготовку для решения конкретных практических задач, входящих в их будущие профессиональные обязанности. СРС направлена на обеспечение индивидуализации при изучении курса, на развитие способностей и возможностей, на персонификацию контроля за качеством обучения.

При подготовке к практическим занятиям, руководствуясь планом и списком рекомендуемой литературы, необходимо изучить тему так, чтобы по каждому из предложенных вопросов студент мог дать развернутый, обстоятельный ответ.

Внеаудиторная самостоятельная работа студентов включает:

- Работа над конспектом лекции
- Подготовка к практическому занятию
- Подготовка к практическому занятию с ИАМ
- Доработка конспекта лекции с применением учебника, методической литературы, дополнительной литературы
- Подбор, изучение, анализ и конспектирование рекомендованной литературы
- Самостоятельное изучение отдельных тем, параграфов
- Подготовка к экзамену или зачету.

Для успешного освоения учебной дисциплины и достижения поставленных целей необходимо внимательно ознакомиться настоящей рабочей программы учебной дисциплины. Ее может представить преподаватель на вводной лекции или самостоятельно обучающийся использует информацию на официальном Интернет-сайте Университета.

Следует обратить внимание на список основной и дополнительной литературы, которая имеется в электронной библиотечной системе Университета, на предлагаемые преподавателем ресурсы информационно-телекоммуникационной сети Интернет. Эта информация необходима для самостоятельной работы обучающегося.

Алгоритм деятельности преподавателя и студентов

Этапы деятельности	Содержание деятельности	
	Преподаватель	Студент
Подготовка: определение темы, цели и задач задания	Мотивирует, помогает студенту в постановке коммуникативных задач	Определяет и обсуждает с преподавателем актуальность



Этапы деятельности	Содержание деятельности	
	Преподаватель	Студент
		проблемы; выдвигает совместно с преподавателем гипотезу исследования
Планирование: – определение источников, способов сбора, анализа информации, способов представления результатов; – установление критериев оценки результата и процесса	Корректирует в случае необходимости деятельность студента, предлагает идеи, высказывает предположения	Формулирует задачи и разрабатывает план действий; обсуждает с преподавателем методы исследования
Сбор информации: наблюдение, работа со справочной литературой, учебной, научной и др.	Наблюдает за деятельностью студента, косвенно руководит его исследовательской деятельностью	Собирает и систематизирует информацию по теме (задаче)
Анализ информации, формулирование выводов	Корректирует деятельность студента, наблюдает, советует	Анализирует собранную информацию, решает поставленную задачу
Оформление работы, подготовка к представлению результатов	Консультирует в оформлении расчетно-графической работы	Оформляет решение и конечные результаты
Представление задания	Оценивает результаты решения задач по заранее установленным критериям	Представляет решенные задания, проходит процедуру защиты расчетно-графического задания.
Подведение итогов, рефлексия и оценка	Оценивает усилия, использованные и неиспользованные возможности, творческий подход студента.	Участвует в коллективном обсуждении, определяет возможности для продолжения исследования

Методические рекомендации при работе над конспектом лекций

В ходе лекционных занятий необходимо вести конспектирование учебного материала. Обращать внимание на категории, формулировки, раскрывающие содержание тех или иных явлений и процессов, научные выводы и практические рекомендации, положительный опыт в ораторском искусстве. Желательно оставить в рабочих конспектах поля, на которых делать пометки из рекомендованной литературы, дополняющие материал прослушанной лекции, а также подчеркивающие особую



важность тех или иных теоретических положений. Задавать преподавателю уточняющие вопросы с целью уяснения теоретических положений, разрешения спорных ситуаций.

Методические рекомендации студентам по самостоятельной работе над изучаемым материалом и при подготовке к практическим занятиям

Планы практических занятий, их тематика, рекомендуемая литература, цель и задачи ее изучения сообщаются преподавателем на вводных занятиях или в методических указаниях по данной дисциплине.

Прежде чем приступить к изучению темы, необходимо прокомментировать основные вопросы плана семинара. Такой подход преподавателя помогает студентам быстро находить нужный материал к каждому из вопросов, не задерживаясь на второстепенном.

Подготовка к практическом занятию включает 2 этапа:

1й – организационный;

2й - закрепление и углубление теоретических знаний.

На первом этапе студент планирует свою самостоятельную работу, которая включает:

- уяснение задания на самостоятельную работу;
- подбор рекомендованной литературы;
- составление плана работы, в котором определяются основные пункты предстоящей подготовки.

Составление плана дисциплинирует и повышает организованность в работе.

Второй этап включает непосредственную подготовку студента к занятию. Начинать надо с изучения рекомендованной литературы. Необходимо помнить, что на лекции обычно рассматривается не весь материал, а только его часть. Остальная его часть восполняется в процессе самостоятельной работы. В связи с этим работа с рекомендованной литературой обязательна. Особое внимание при этом необходимо обратить на содержание основных положений и выводов, объяснение явлений и фактов, уяснение практического приложения рассматриваемых теоретических вопросов. В процессе этой работы студент должен стремиться понять и запомнить основные положения рассматриваемого материала, примеры, поясняющие его, а также разобраться в иллюстративном материале.

Заканчивать подготовку следует составлением плана (конспекта) по изучаемому материалу (вопросу). Это позволяет составить концентрированное, сжатое представление по изучаемым вопросам.

В процессе подготовки к занятиям рекомендуется взаимное обсуждение материала, во время которого закрепляются знания, а также приобретается практика в изложении и разъяснении полученных знаний, развивается речь.

При необходимости следует обращаться за консультацией к преподавателю. Идя на консультацию, необходимо хорошо продумать вопросы, которые требуют разъяснения.

В начале занятия студенты под руководством преподавателя более глубоко осмысливают теоретические положения по теме занятия, раскрывают и объясняют



основные положения публичного выступления. В процессе творческого обсуждения и дискуссии вырабатываются умения и навыки использовать приобретенные знания для различного рода ораторской деятельности.

Записи имеют первостепенное значение для самостоятельной работы студентов. Они помогают понять построение изучаемого материала, выделить основные положения, проследить их логику и тем самым проникнуть в творческую лабораторию автора.

Ведение записей способствует превращению чтения в активный процесс, мобилизует, наряду со зрительной, и моторную память. Следует помнить: у студента, систематически ведущего записи, создается свой индивидуальный фонд подсобных материалов для быстрого повторения прочитанного, для мобилизации накопленных знаний. Особенно важны и полезны записи тогда, когда в них находят отражение мысли, возникшие при самостоятельной работе.

Важно развивать у студентов умение сопоставлять источники, продумывать изучаемый материал.

Большое значение имеет совершенствование навыков конспектирования у студентов.

Преподаватель может рекомендовать студентам следующие основные формы записи: план (простой и развернутый), выписки, тезисы.

Результаты конспектирования могут быть представлены в различных формах.

План – это схема прочитанного материала, краткий (или подробный) перечень вопросов, отражающих структуру и последовательность материала. Подробно составленный план ВОлне заменяет конспект.

Конспект – это систематизированное, логичное изложение материала источника. Различаются четыре типа конспектов:

- План-конспект – это развернутый детализированный план, в котором достаточно подробные записи приводятся по тем пунктам плана, которые нуждаются в пояснении.
- Текстуальный конспект – это воспроизведение наиболее важных положений и фактов источника.
- Свободный конспект – это четко и кратко сформулированные (изложенные) основные положения в результате глубокого осмысливания материала. В нем могут присутствовать выписки, цитаты, тезисы; часть материала может быть представлена планом.
- Тематический конспект – составляется на основе изучения ряда источников и дает более или менее исчерпывающий ответ по какой-то схеме (вопросу).

Ввиду трудоемкости подготовки к практическим занятиям преподавателю следует предложить студентам алгоритм действий, рекомендовать еще раз внимательно прочитать записи лекций и уже готовый конспект по теме занятия, тщательно продумать свое устное выступление.

Самостоятельная работа способствует сознательному усвоению, углублению и расширению теоретических знаний; формируются необходимые профессиональные умения и навыки и совершенствуются имеющиеся; происходит



более глубокое осмысление методов научного познания конкретной науки, овладение необходимыми умениями творческого познания.

Основными формами самостоятельной работы являются:

- конспектирование лекций и прочитанного источника;
- проработка материалов прослушанной лекции;
- самостоятельное изучение программных вопросов, указанных преподавателем на лекциях и выполнение домашних заданий;
- формулирование тезисов;
- составление аннотаций и написание рецензий;
- обзор и обобщение литературы по интересующему вопросу;
- изучение научной литературы;
- подготовка к семинарским занятиям, зачетам и экзаменам;
- подготовка и защита реферата, электронных презентаций.

Рекомендации по оцениванию устных ответов студентов на семинарских занятиях и выполнении практических заданий.

С целью контроля и подготовки студентов к изучению новой темы в начале каждого практического занятия преподавателем проводится индивидуальный или фронтальный устный опрос по выполненным заданиям предыдущей темы.

Критерии оценки:

- правильность ответа по содержанию задания (учитывается количество и характер ошибок при ответе);
- полнота и глубина ответа (учитывается количество усвоенных фактов, понятий и т.п.);
- сознательность ответа (учитывается понимание излагаемого материала);
- логика изложения материала (учитывается умение строить целостный, последовательный рассказ, грамотно пользоваться специальной терминологией);
- рациональность использованных приемов и способов решения поставленной учебной задачи (учитывается умение использовать наиболее прогрессивные и эффективные способы достижения цели);
- своевременность и эффективность использования наглядных пособий и технических средств при ответе (учитывается грамотно и с пользой применять наглядность и демонстрационный опыт при устном ответе);
- использование дополнительного материала (обязательное условие);
- рациональность использования времени, отведенного на задание (не одобряется затянутость выполнения задания, устного ответа во времени, с учетом индивидуальных особенностей студентов).

Оценка «5» ставится, если студент:

- 1) полно и аргументированно отвечает по содержанию задания;
- 2) обнаруживает понимание материала, может обосновать свои суждения, применить знания на практике, привести необходимые примеры не только по учебнику, но и самостоятельно составленные;
- 3) излагает материал последовательно и правильно.



Оценка «4» ставится, если студент дает ответ, удовлетворяющий тем же требованиям, что и для оценки «5», но допускает 1-2 ошибки, которые сам же исправляет.

Оценка «3» ставится, если студент обнаруживает знание и понимание основных положений данного задания, но:

- 1) излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий или формулировке правил;
- 2) не умеет достаточно глубоко и доказательно обосновать свои суждения и привести свои примеры;
- 3) излагает материал непоследовательно и допускает ошибки.

Оценка «2» ставится, если студент обнаруживает незнание ответа на соответствующее задание, допускает ошибки в формулировке определений и правил, искажающие их смысл, беспорядочно и неуверенно излагает материал. Оценка «2» отмечает такие недостатки в подготовке студента, которые являются серьезным препятствием к успешному овладению последующим материалом.

Методические рекомендации по подготовке к коллоквиуму

Коллоквиум — форма проверки и оценивания знаний учащихся в системе образования, преимущественно в ВУЗах. Представляет собой проводимый по инициативе преподавателя промежуточный мини-экзамен один или несколько раз в семестр, имеющий целью уменьшить список тем, выносимых на основной экзамен, и оценить текущий уровень знаний студентов. В ходе коллоквиума могут также защищаться расчетно-графические работы учащихся. Оценка, полученная на коллоквиуме, может влиять на оценку на основном экзамене. В некоторых случаях преподаватель может выносить на коллоквиум все пройденные темы и студент, как на итоговом экзамене, получает единственную оценку, идущую в зачёт по дисциплине. Подготовка к коллоквиуму это исследовательская работа, основанная, прежде всего, на изучении значительного количества научной и учебной литературы.

Цель проведения коллоквиума — контроль над текущим результатами обучения.

Текущий контроль представляет собой регулярно осуществляемую проверку усвоения учебного материала. Данная оценка предполагает систематичность, непосредственно коррелирующаяся с требованием постоянного мониторинга качества обучения, а также необходимость балльной оценки успеваемости студента.

Оценка знаний, умений, навыков и компетенций осуществляется на всех практических занятиях по всем формам обучения в соответствии с целями и задачами занятия. Контроль может проводиться в начале, в ходе отработки основной части и в заключительной части занятия.

Контроль, проводимый в начале занятия, имеет целью проверку качества самостоятельной работы студентов по соответствующей теме практического



занятия, а также усвоения основных положений ранее пройденного учебного материала, необходимых для усвоения вопросов данного занятия.

Контроль, проводимый в ходе основной части занятия, должен обеспечить проверку не только хода и качества усвоения учебного материала, но и развитие у студентов творческого мышления.

Контроль, проводимый в заключительной части занятия, осуществляется в случаях, когда оценку качества усвоения материала можно дать после его полного изложения.

Текущий контроль знаний, умений, навыков и приобретенных компетенций осуществляется преподавателем по пятибалльной шкале с выставлением оценки в журнале учета занятий.

Критерии оценивания коллоквиума

Оценка	Критерии оценки
отлично	Выставляется студенту, если он логически верно выстроил ответ, исчерпывающе изложил информацию на поставленные вопросы. Для ответа использовал не только лекционный материал, но и рекомендованные основные и дополнительные источники.
хорошо	Студент в основном логично и полно изложил информацию, с незначительными и не принципиальными ошибками. Для ответа использовал в основном, лекционный материал
удовлетворительно	Студент не всегда логично излагает искомую информацию. Ответ не полный. Глубина использования источников не достаточная
неудовлетворительно	Студент не ответил на поставленные вопросы. Отсутствует логика в изложении информации.

Методические рекомендации по подготовке к зачету

Цель: проверка знаний, навыков и компетенций студента, его умение самостоятельно работать .



Задачи:

1. Оценить навыки и умения грамотно и убедительно излагать изученный учебный материал.
2. Оценить умение студентов ориентироваться в основной и дополнительной учебной математической литературе.
3. Закрепить умение студентов анализировать математические модели прикладных и ориентировано направленных профессиональных задач, уметь оценивать их результат.

Критерии оценки знаний

Учитывается текущая успеваемость, посещаемость занятий, выполнение заданий для самостоятельной работы, защита ргр, сдача тестовых занятий и т.д.

Результаты оцениваются:

«зачтено» - при наличии твердых знаний, изложении ответа с незначительными ошибками, уверенно исправленными после наводящих вопросов по изложенным выше вопросам.

«не зачтено» - при наличии грубых ошибок в ответе, непонимании сущности излагаемого вопроса, неуверенности и неточности ответов после наводящих вопросов по вопросам изучаемой дисциплины.

Оценка выставляется в экзаменационной ведомости.

Методические рекомендации по подготовке к экзаменам

Цель: проверка знаний, навыков и компетенций студента, его умение самостоятельно работать .

Задачи:

1. Оценить навыки и умения грамотно и убедительно излагать изученный учебный материал.
2. Оценить умение студентов ориентироваться в основной и дополнительной учебной математической литературе.



3. Закрепить умение студентов анализировать математические модели прикладных и ориентировано направленных профессиональных задач, уметь оценивать их результат.

Критерии оценки знаний

Учитывается текущая успеваемость, посещаемость занятий, выполнение заданий для самостоятельной работы, защита ргр, сдача тестовых занятий и т.д.

Результаты экзамена оцениваются:

«отлично» - при наличии у студента глубоких, исчерпывающих знаний, грамотном и логически стройном построении ответа по следующим направлениям дисциплины:

- освоение теоретических положений по математическим методам и моделям;
- глубокое знание методологических положений и алгоритмов решения задач по разделам дисциплины;
- применение полученных знаний для решения практических задач,
- **«хорошо»** - при наличии твердых и достаточно полных знаний, логически стройном построении ответа при незначительных ошибках по направлениям, перечисленным при оценке «отлично».

«удовлетворительно» - при наличии твердых знаний, изложении ответа с ошибками, уверенно исправленными после наводящих вопросов по изложенным выше вопросам.

«неудовлетворительно» - при наличии грубых ошибок в ответе, непонимании сущности излагаемого вопроса, неуверенности и неточности ответов после наводящих вопросов по вопросам изучаемой дисциплины:

Оценка выставляется в экзаменационной ведомости.

Методические рекомендации по подготовке к контрольным и расчетно-графическим работам



Контрольная работа (КР) проводится раз в семестр, но может проводиться после изучения каждого раздела (темы) дисциплины на усмотрение преподавателя..

Контрольная работа, как правило, является индивидуальной для каждого студента и состоит из решения практической задачи. Контрольная работа проводится на практическом занятии.

Оценка КР выставляется в журнал учебных занятий и учитывается при аттестации студентов в период зачётной экзаменационной сессии (сокращение числа экзаменационных вопросов при оценке КР не ниже «хорошо», предоставление права студенту выбора экзаменационных вопросов из предложенных преподавателем и других предпочтений).

Критерии оценки

Оценка «отлично» выставляется студенту, если практическая задача решена полностью с соответствующими математическим выкладками, обоснованиями или устными ответам на возникшие у преподавателя вопросы.

Оценка «хорошо» - выставляется студенту, если практическая задача решена полностью без подробных выкладок.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если практическая задача решена не полностью.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если практическая задача не решена.

Оценка выставляется в журнале посещаемости студентов.

Текущий и итоговый контроль успеваемости по дисциплине

Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов освоения образовательной программы в рамках учебной дисциплины

3.2. Задания на самостоятельную работу

Задания для самостоятельной работы по 1 семестру

Цель: изучить основные понятия и теоремы линейной алгебры и аналитической геометрии, элементы дискретной математики и математической



логики, введение в математический анализ, дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного.

Содержание:

- 1.Выполнение расчетно-графических заданий, подготовка к тестированию и контрольной работе.
- 2.Проработка конспектов лекций, обязательной и дополнительной литературы с составлением конспекта.

Срок выполнения: к экзаменационной сессии.

Ориентировочный объем расчетно-графической работы: не менее 80% правильно решенных заданий.

Порядок выполнения и оформления расчетно-графической работы

Структура РГР:

1. Титульный лист.
2. Оглавление
3. Выполненные задания
4. Список использованных источников.

Задания для расчетно-графических работ: (берутся из раздела 3.5)

линейная алгебра и аналитическая геометрия № №1-6;

введение в математический анализ №№ 7,8;

дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного №№ 2,3,5,6,9,15

Вопросы: прорабатываются из раздела 3.4.

Отчетность: конспект лекций, контрольная работа (или тестирование), защита расчетно-графической работы.

Метод оценки: пятибалльная.

Источники: обязательные: 2,4,5; дополнительные: 1,2 (см. раздел 5)

Задания для самостоятельной работы по 2 семестру

Цель: изучить основные понятия и теоремы по темам: неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы. Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных. Числовые и функциональные ряды. Обыкновенные дифференциальные уравнения.

Содержание:

- 1.Выполнение расчетно-графических работ, подготовка к тестированию и контрольной работе.
- 2.Проработка конспектов лекций, обязательной и дополнительной литературы с составлением конспекта.
- 3.Подготовка к коллоквиумам.

Срок выполнения: к экзаменационной сессии.

Ориентировочный объем расчетно-графической работы: не менее 80% правильно решенных заданий.



Порядок выполнения и оформления расчетно-графической работы

Структура РГР:

1. Титульный лист.
2. Оглавление
3. Выполненные задания
4. Список использованных источников.

Задания для расчетно-графических работ: (берутся из раздела 3.5)

неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы. № № 1-5,8,9,12,14,15;

Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных № № 3-6

Числовые и функциональные ряды. №№ 7-9,18,19

Обыкновенные дифференциальные уравнения №№ 9-15

Вопросы: прорабатываются вопросы из раздела 3.4

Отчетность: конспект лекций, защита расчетно-графической работы.

Метод оценки: зачет

Источники: обязательные: 1,3,4,5; дополнительные: 3,4 (см. раздел 5)

3.3. Оценка самостоятельной работы студентов бакалавриата (КСР)

Контроль самостоятельной работы (КСР) – вид контактной внеаудиторной работы обучающихся по образовательной программе. КСР осуществляется преподавателем по результатам отчетов студентов. Оценка КСР выставляется по пятибалльной системе в отдельную ведомость и учитывается при аттестации студентов по дисциплине в период зачетно-экзаменационной сессии.

3.4. Задания для самостоятельной работы

Вопросы, требующие самостоятельной проработки и примеры тестов для их выполнения приведены в таблице 3.1. Расчетно-графические и другие задания приведены в п. 3.2.

3.5. Задачи

ПЕРЕЧЕНЬ ПРОВЕРЯЕМЫХ КОМПЕТЕНЦИЙ:

Код и наименование универсальной компетенции	Код и наименование индикатора универсальной компетенции
УК-1.Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Знает принципы поиска, отбора и обобщения информации. УК-1.2 Умеет критически анализировать и синтезировать информацию для решения поставленных задач. УК-1.3 Владеет методами критического анализа и системного подхода для решения поставленных задач.



Примеры типовых расчетно-графических работ и образцы их выполнения*

По первому семестру

Задача №1

Точки $A(1;2;1)$, $B(-1;1;2)$, $C(2;1;1)$ и $D(2;-1;1)$ являются вершинами тетраэдра.

1. Проверить, что точки A, B, C, D не лежат в одной плоскости.

2. Найти:

- объём тетраэдра;
- длину высоты тетраэдра, опущенной из вершины D ;
- расстояние между скрещивающимися рёбрами AD и BC ;
- уравнение плоскости, проходящей через точки A, B, C .

Решение

Найдём координаты векторов:

$$\overrightarrow{AB} = \{-2; -1; 1\}, \overrightarrow{AC} = \{1; -1; 0\}, \overrightarrow{AD} = \{1; -3; 0\}.$$

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AD} = \begin{vmatrix} -2 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \\ 1 & -3 & 0 \end{vmatrix} = 1 \cdot \begin{vmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -3 \end{vmatrix} = -2 \neq 0,$$

следовательно, точки A, B, C, D не лежат в одной плоскости.

Объём тетраэдра:

$$V_{\text{т}} = \frac{1}{6} V_{\text{п}} = \frac{1}{6} |\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AD}| = \frac{1}{6} |-2| = \frac{1}{3}.$$

Площадь основания тетраэдра $ABCD$:

$$S = \frac{1}{2} |\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC}| = \frac{1}{2} \text{mod} \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ -2 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \end{vmatrix} = \frac{1}{2} |\vec{i} + \vec{j} + 3\vec{k}| = \frac{\sqrt{11}}{2}.$$

$$\text{Длина искомой высоты } h = \frac{V_{\text{т}}}{S} = \frac{1 \cdot 2}{3\sqrt{11}} = \frac{2\sqrt{11}}{33}.$$

Расстояние d между скрещивающимися рёбрами $\overrightarrow{AD}$ и $\overrightarrow{BC}$:

$$\overrightarrow{BC} = \{3; 0; -1\}, \overrightarrow{AD} = \{1; -3; 0\}.$$

Точка A принадлежит прямой AD , B – прямой BC . Тогда:



$$d = \frac{|\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{AD}|}{|\overrightarrow{BC} \times \overrightarrow{AD}|} = \text{mod} \begin{vmatrix} -2 & -1 & 1 \\ 3 & 0 & -1 \\ 1 & -3 & 0 \end{vmatrix} / \text{mod} \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 3 & 0 & -1 \\ 1 & -3 & 0 \end{vmatrix} = \frac{2}{\sqrt{91}}.$$

Уравнение плоскости, проходящей через три точки:

$$\begin{vmatrix} x-1 & y-2 & z-1 \\ -2 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow x + y + 3z - 6 = 0.$$

Задача №2

Найти решение системы линейных алгебраических уравнений при всех действительных значениях параметра λ

$$\begin{cases} 2x - y + z = 2 \\ x - 4y + 3z = \lambda \\ -x - 3y + 2z = 5 \end{cases}.$$

Решение

Из расширенной матрицы системы, после указанных элементарных преобразований строк получим:

$$\left(\begin{array}{ccc|c} 2 & -1 & 1 & 2 \\ 1 & -4 & 3 & \lambda \\ -1 & -3 & 2 & 5 \end{array} \right) \xrightarrow[(2)+(3)]{(1)+2 \cdot (3)} \left(\begin{array}{ccc|c} 0 & -7 & 5 & 12 \\ 0 & -7 & 5 & \lambda + 5 \\ -1 & -3 & 2 & 5 \end{array} \right) \xrightarrow{(2)-(1)} \left(\begin{array}{ccc|c} 0 & -7 & 5 & 12 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda - 7 \\ -1 & -3 & 2 & 5 \end{array} \right).$$

По критерию Кронекера-Капелли система имеет решение только, если $\lambda = 7$. Таким образом, если $\lambda \neq 7$ – система несовместна, если $\lambda = 7$ система эквивалентна системе:

$$\begin{cases} -7y + 5z = 12 \\ -x - 3y + 2z = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = (5z - 12)/7 \\ x = \frac{1-z}{7}, \quad z \in R \end{cases}.$$

Система имеет бесконечное число решений вида:

$$x = \frac{1}{7} - \frac{z}{7}, \quad y = \frac{5}{7}z - \frac{12}{7}, \quad z \in R.$$

Задача №3

Составить уравнение гиперболы в канонической системе координат, если в ней длина вещественной оси равна 1, а точка (1;3) принадлежит гиперболе.



Решение

Уравнение гиперболы в канонической системе координат:

$$\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1.$$

Из условия имеем, во-первых, $\frac{1}{a^2} - \frac{9}{b^2} = 1$, а во-вторых $2a = 1$. Отсюда

$$a = \frac{1}{2}, b^2 = \frac{9}{1/a^2 - 1} = 3.$$

Таким образом, искомое уравнение имеет вид:

$$\frac{x^2}{1/4} - \frac{y^2}{3} = 1.$$

Задача №4

Вычислить пределы:

а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3}{3 - 5x + 8x^2}$; б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\operatorname{tg} 3\pi x}{\sin \pi x}$.

Решение

$$\text{а) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3}{3 - 5x + 8x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2 - \frac{3}{x^2}}{\frac{3}{x^2} - \frac{5}{x} + 8} = \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \left(2 - \frac{3}{x^2} \right)}{\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3}{x^2} - \frac{5}{x} + 8 \right)} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}.$$

Так как $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3}{x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5}{x} = 0$.

б) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\operatorname{tg} 3\pi x}{\sin \pi x}$, сделаем замену переменной $x = t + 2$. Очевидно,

$x \rightarrow 2$ равносильно $t \rightarrow 0$. Кроме того,

$$\operatorname{tg} 3\pi x = \operatorname{tg} 3\pi(t + 2) = \operatorname{tg}(3\pi t + 6\pi) = \operatorname{tg} 3\pi t \text{ и}$$

$$\sin \pi x = \sin \pi(t + 2) = \sin(\pi t + 2\pi) = \sin \pi t.$$

Но известно, что $\sin \pi t \sim \pi t$, $\operatorname{tg} 3\pi t \sim 3\pi t$, $t \rightarrow 0$, поэтому

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\operatorname{tg} 3\pi x}{\sin \pi x} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3\pi t}{\sin \pi t} = \lim_{t \rightarrow 0} \frac{3\pi t}{\pi t} = 3.$$

Задача №5

Найти производные следующих функций

а) $y = 3^{\arcsin \frac{1}{x}}$; б) $y = \lg \sin(2x^2 + 1)$.



Решение

а) $\ln y = \ln 3^{\arcsin \frac{1}{x}} = \arcsin \frac{1}{x} \cdot \ln 3$, это тождественное равенство в области определения функции $y(x)$. Поэтому, дифференцируя обе части равенства, с учётом, что y – функция переменной x имеем

$$\frac{1}{y} y' = \frac{\ln 3}{\sqrt{1 - \frac{1}{x^2}}} \left(\frac{1}{x} \right)'; \quad y' = y \frac{\ln 3}{\sqrt{1 - \frac{1}{x^2}}} \left(-\frac{1}{x^2} \right) = -3^{\arcsin \frac{1}{x}} \frac{\ln 3}{x \sqrt{x^2 - 1}}.$$

$$\begin{aligned} \text{б) } y' &= \left(\ln \sin(2x^2 + 1) \right)' = \frac{1}{\sin(2x^2 + 1)} \left(\sin(2x^2 + 1) \right)' = \\ &= \frac{\cos(2x^2 + 1)}{\sin(2x^2 + 1)} (2x^2 + 1)' = 4x \operatorname{ctg}(2x^2 + 1). \end{aligned}$$

Задача №6

Для следующих функций провести их полные исследования средствами дифференциального исчисления и построить их графики

$$\text{а) } y = \frac{(x-4)^3}{(x+1)^2}; \quad \text{б) } y = \sqrt[3]{(x-1)(x-4)}.$$

Решение

$$\text{а) } y = \frac{(x-4)^3}{(x+1)^2}, \quad y' = \frac{(x-4)^2}{(x+1)^3} (x+11), \quad y'' = \frac{150(x-4)}{(x+1)^4}.$$

1. Область определения функции $D(y) = (-\infty; -1) \cup (-1; +\infty)$.

2. $y' = 0 \Leftrightarrow x = 4; x = -11$. При этом знак производной в левой окрестности точки $x = -11$ положительный, а в окрестности правой – отрицательный. Следовательно, $x = -11$ – точка локального максимума и $y(-11) = -\frac{135}{4}$. В точке $x = 4$ экстремума нет.

Промежуток возрастания: $(-\infty; -11) \cup (-1; +\infty)$, т.к. $y'(x) > 0$.

Промежуток убывания: $(-11; -1)$, т.к. $y'(x) < 0$.

3. $y'' = 0 \Leftrightarrow x = 4$. При этом $y'' < 0$ при $x < 4$ и $y'' > 0$, если $x > 4$. Следовательно, $x = 4$ – точка перегиба графика функции. На промежутке $(-\infty; -1) \cup (-1; 4)$ – функция выпукла вверх.

На промежутке $(4; +\infty)$ – функция выпукла вниз.

4. Асимптоты

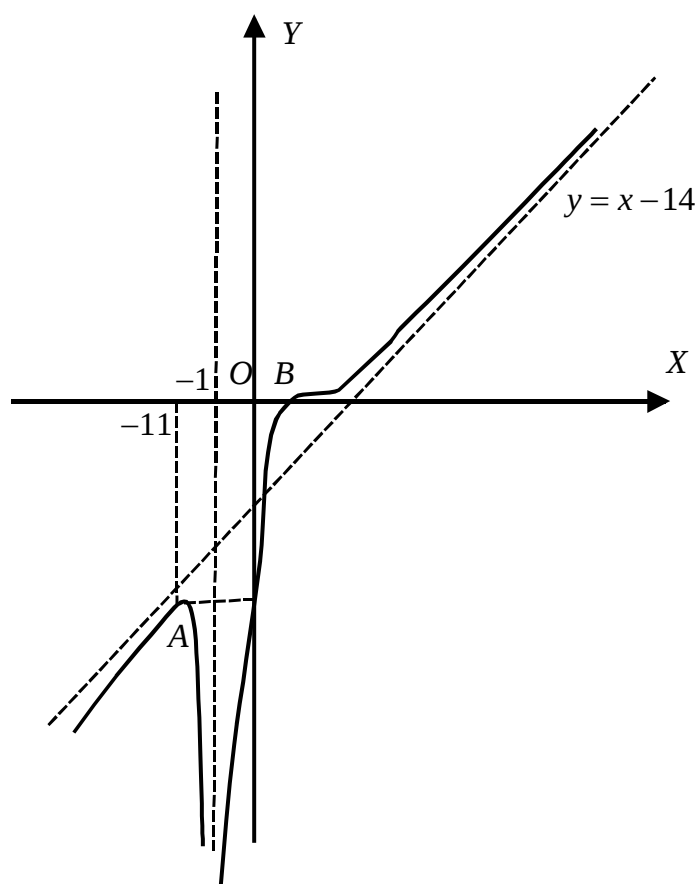


$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x-4)^3}{(x+1)^2} = -\infty \Rightarrow x = -1 - \text{вертикальная асимптота.}$$

$$y(x) = \frac{(x-4)^3}{(x+1)^2} = \frac{x^3 - 12x^2 + 48x - 64}{x^2 + 2x + 1} = x - 14 + \frac{75x - 50}{x^2 + 2x + 1},$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (y(x) - (x - 14)) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{75x - 50}{x^2 + 2x + 1} = 0,$$

$y(x) = x - 14$ – наклонная асимптота при $x \rightarrow \infty$. График функции изображен на рисунке 1.



$A(-11; -135/4)$ – локальный максимум

$B(4; 0)$ – точка перегиба

Рисунок 1

б) $y = \sqrt[3]{(x-1)(x-4)^2} = (x-1)^{1/3}(x-4)^{2/3}.$

1. Область определения $x \in (-\infty; +\infty).$

2. $y' = \frac{x-2}{\sqrt[3]{(x-1)^2(x-4)}}, y'' = \frac{-2}{\sqrt[3]{(x-1)^5(x-4)^4}},$



$y' = 0 \Leftrightarrow x = 2$; $y' = \infty \Leftrightarrow x = 4$. В точке $x = 1$ y' не существует, точка $A(2; \sqrt[3]{4})$ – локальный максимум; точка $B(4; 0)$ – локальный минимум. Промежуток возрастания: $(-\infty; 2) \cup (4; +\infty)$, т.к. $y'(x) > 0$. Промежуток убывания: $(2; 4)$, т.к. $y'(x) < 0$.

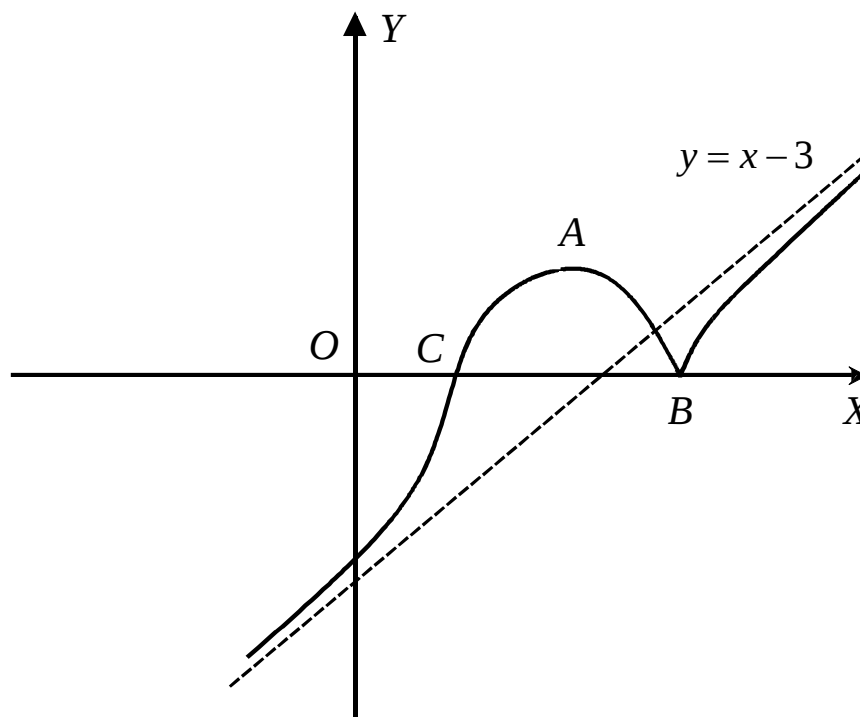


Рисунок 2

3. $y'' \neq 0$, $y'' > 0$, если $x > 1$ и $y'' < 0$, если $x < 1$.

Точка $C(1; 0)$ – точка перегиба с вертикальной касательной к графику функции в этой точке.

На промежутке $(-\infty; 1)$ – функция выпукла вниз, на промежутке $(1; +\infty)$ – функция выпукла вверх.

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{y(x)}{x} = 1,$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \infty} (y(x) - x) &= \lim_{x \rightarrow \infty} \left(x \cdot \sqrt[3]{\left(1 - \frac{1}{x}\right) \left(1 - \frac{4}{x}\right)^2} - x \right) = \lim_{x \rightarrow \infty} x \cdot \left(\sqrt[3]{1 - \frac{9}{x} + \frac{24}{x^2} - \frac{16}{x^3}} - 1 \right) = \\ &= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x \left(1 - \frac{9}{x} + \frac{24}{x^2} - \frac{16}{x^3} - 1 \right)}{\sqrt[3]{\left(1 - \frac{9}{x} + \frac{24}{x^2} - \frac{16}{x^3}\right)^2} + \sqrt[3]{\left(1 - \frac{9}{x} + \frac{24}{x^2} - \frac{16}{x^3}\right)} + 1} = \frac{-9}{3} = -3. \end{aligned}$$

$y = x - 3$ – наклонная асимптота. График функции изображен на рисунке 2.



По второму семестру

Задача №1

Исследовать на экстремум следующую функцию двух переменных

$$u(x, y) = x^2 - xy + 2y^2 - 5x + 6y.$$

Решение

Найдём стационарные точки функции $u(x, y)$:

$$\begin{cases} \frac{\partial u}{\partial x} = 0 \\ \frac{\partial u}{\partial y} = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - y - 5 = 0 \\ -x + 4y + 6 = 0 \end{cases} \Rightarrow x = 2, y = -1.$$

Проверим выполнение достаточных условий:

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2}(2; -1) = 2; \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} = -1; \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 4,$$

$\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$ – матрица квадратичной формы $d^2u(2; -1)$. По критерию

Сильвестра получаем $\Delta_1 = 2 > 0$, $\Delta = 2 \cdot 4 - 1 = 7 > 0$ в точке $(2; -1)$ достигается строгий локальный минимум:

$$u(2; -1) = 4 + 2 + 2 - 10 - 6 = -8.$$

Задача №2

Найти экстремумы функции

$$F(x, y) = x + 5y$$

при условии

$$x^2 + 2xy + 3y^2 = \frac{1}{4}.$$

Решение

Построим функцию Лагранжа

$$L(x, y, \lambda) = x + 5y + \lambda(x^2 + 2xy + 3y^2 - 1/4).$$

Найдём стационарные точки функции Лагранжа:



$$\begin{cases} L'_x = 0 \\ L'_y = 0 \\ L'_\lambda = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2\lambda x + 2\lambda y + 1 = 0 \\ 2\lambda x + 6\lambda y + 5 = 0 \\ x^2 + 2xy + 3y^2 = 1/4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = -1/\lambda \\ x = 1/2\lambda \\ \frac{1}{4\lambda^2} - \frac{2}{2\lambda^2} + \frac{3}{\lambda^2} = \frac{1}{4} \end{cases}, \lambda^2 = 9, \lambda = \pm 3.$$

Стационарные точки: $\left(\frac{1}{6}; -\frac{1}{3}; 3\right)$ и $\left(-\frac{1}{6}; \frac{1}{3}; -3\right)$. Проверим выполнение достаточных условий существования экстремума в стационарных точках.

$$L''_{xx} = 2\lambda; L''_{yy} = 6\lambda; L''_{xy} = 2\lambda,$$

$$d^2L = 2\lambda dx^2 + 4\lambda dx dy + 6\lambda dy^2 = 2\lambda(dx^2 + 2dx dy + 3dy^2).$$

Кроме того, дифференцируя уравнение связи, имеем:

$$2x dx + 2y dx + 2x dy + 6y dy = 0, \text{ отсюда } dy = -\frac{x+y}{x+3y} dx.$$

С учётом этой связи между dy и dx получим

$$d^2L = 2\lambda \left(1 - \frac{2(x+y)}{(x+3y)} + \frac{3(x+y)^2}{(x+3y)^2} \right) dx^2,$$

в точке $\left(\frac{1}{6}; -\frac{1}{3}; 3\right)$ $d^2L = 6 \left(1 - \frac{2}{5} + \frac{1}{25} \right) dx^2 = \frac{96}{25} dx^2 > 0$, следовательно в

точке $\left(\frac{1}{6}; -\frac{1}{3}\right)$ достигается условный минимум.

В точке $\left(-\frac{1}{6}; \frac{1}{3}; -3\right)$ $d^2L = -6 \left(1 - \frac{2}{5} + \frac{1}{25} \right) dx^2 = -\frac{96}{25} dx^2 < 0$, в точке

$\left(-\frac{1}{6}; \frac{1}{3}\right)$ достигается условный максимум.

Задача №3

Вычислить интегралы, пользуясь формулой Ньютона-Лейбница

а) $\int_0^1 \frac{2x+5}{\sqrt{x^2+6x+10}} dx$; б) $\int_2^\pi (x-2) \sin 3x dx$; в) $\int_1^2 \frac{x-2}{x(x^2+6x+10)} dx$.

Решение

а) $\int_0^1 \frac{2x+5}{\sqrt{x^2+6x+10}} dx = \int_0^1 \frac{d(x^2+6x+10)}{\sqrt{x^2+6x+10}} dx - \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x^2+6x+10}} =$



$$= 2\sqrt{x^2 + 6x + 10} \Big|_0^1 - \int_0^1 \frac{d(x+3)}{\sqrt{(x+3)^2 + 1}} = 2(\sqrt{17} - \sqrt{10}) -$$

$$- \ln \left(x + \sqrt{x^2 + 6x + 10} \right) \Big|_0^1 = 2(\sqrt{17} - \sqrt{10}) - \ln \frac{1 + \sqrt{17}}{\sqrt{10}}.$$

$$\text{б) } \int_2^\pi (x-2) \sin 3x dx = -\frac{1}{3} \int_2^\pi (x-2) d(\cos 3x) = -\frac{1}{3} (x-2) \cdot \cos 3x \Big|_2^\pi +$$

$$+ \frac{1}{3} \int_2^\pi \cos 3x dx = -\frac{1}{3} (\pi-2) \cos 3\pi + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \sin 3x \Big|_2^\pi = \frac{\pi-2}{3} - \frac{1}{9} \sin 6.$$

$$\text{в) } \int_1^2 \frac{x-2}{x(x^2 + 6x + 10)} dx. \quad \text{Разложим рациональную функцию}$$

$\frac{x-2}{x(x^2 + 6x + 10)}$ на сумму простейших дробей:

$$\frac{x-2}{x(x^2 + 6x + 10)} = \frac{A}{x} + \frac{Bx+C}{x^2 + 6x + 10} = \frac{(A+B)x^2 + (6A+C)x + 10A}{x(x^2 + 6x + 10)}.$$

Сравнивая коэффициенты при одинаковых степенях x в правой и левой частях равенства, имеем:

$$\begin{cases} A+B=0 & B=1/5 \\ 6A+C=1 \Rightarrow C=1+6/5=11/5. \\ 10A=-2 & A=-1/5 \end{cases}$$

$$\int_1^2 \frac{x-2}{x(x^2 + 6x + 10)} dx = -\frac{1}{5} \int_1^2 \frac{dx}{x} + \frac{1}{5} \int_1^2 \frac{x+11}{(x^2 + 6x + 10)} dx = -\frac{1}{5} \ln|x| \Big|_1^2 +$$

$$+ \frac{1}{10} \int_1^2 \frac{2x+6}{x^2 + 6x + 10} dx + \frac{16}{10} \int_1^2 \frac{dx}{x^2 + 6x + 10} = -\frac{\ln 2}{5} + \frac{1}{10} \ln(x^2 + 6x + 10) \Big|_1^2 +$$

$$+ \frac{8}{5} \int_1^2 \frac{dx}{(x+3)^2 + 1} = -\frac{\ln 2}{5} + \frac{1}{10} \ln \frac{26}{17} + \frac{8}{5} \operatorname{arctg}(x+3) \Big|_1^2 =$$

$$= \frac{1}{10} \ln \frac{13}{34} + \frac{8}{5} (\operatorname{arctg} 5 - \operatorname{arctg} 4).$$

Задача №4

Вычислить площадь, заключенную между линиями

$$y = \sqrt{x-1}, \quad y = x-3 \quad \text{и} \quad x=1.$$

Решение



Найдём точку пересечения графиков функций $y = \sqrt{x-1}$ и $y = x-3$ (рисунок 3). Из равенства $\sqrt{x-1} = x-3$ имеем $x_0 = \frac{7+\sqrt{9}}{2} = 5$.

Тогда площадь фигуры равна:

$$\begin{aligned} S &= \int_1^5 (\sqrt{x-1} - (x-3)) dx = \int_1^5 \sqrt{x-1} dx - \int_1^5 (x-3) d(x-3) = \\ &= \frac{2}{3} (x-1)^{3/2} \Big|_1^5 - \frac{(x-3)^2}{2} \Big|_1^5 = \frac{16}{3} \text{ кв. ед.} \end{aligned}$$

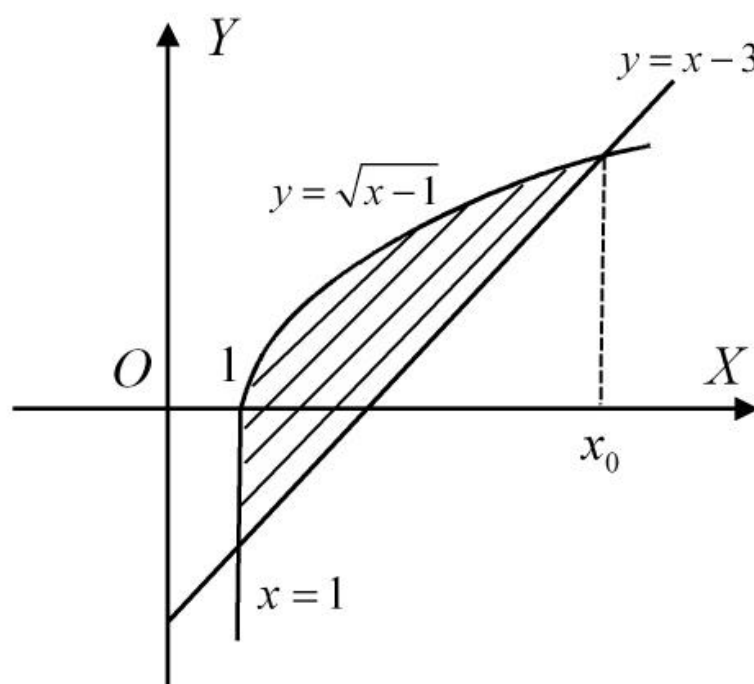


Рисунок 3

Задача №5

Найти длину дуги кривой

$$y = \frac{3}{2} \left(x^{1/3} - \frac{1}{5} x^{5/3} \right), \quad 1 \leq x \leq 8.$$

Решение

Длина дуги кривой в декартовой системе координат вычисляется по формуле:

$$L = \int_{x_0}^{x_1} \sqrt{1 + (y'_x)^2} dx.$$



$$y' = \frac{3}{2} \left(\frac{1}{3} x^{-2/3} - \frac{1}{5} \cdot \frac{5}{3} x^{2/3} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{x^{2/3}} - x^{2/3} \right),$$

$$1 + (y')^2 = 1 + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{x^{2/3}} - x^{2/3} \right)^2 = \frac{1}{4} \left(x^{2/3} + \frac{1}{x^{2/3}} \right)^2,$$

$$L = \frac{1}{2} \int_1^8 (x^{2/3} + x^{-2/3}) dx = \frac{1}{2} \left(\frac{3}{5} x^{5/3} + 3x^{1/3} \right) \Big|_1^8 = \frac{54}{5}.$$

Задача №6

Исследовать ряд на сходимость

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{2n+3} - \sqrt{2n-1}}{n+1}.$$

Решение

$$a_n = \frac{(\sqrt{2n+3} - \sqrt{2n-1})(\sqrt{2n+3} + \sqrt{2n-1})}{(n+1)(\sqrt{2n+3} + \sqrt{2n-1})} =$$

$$= \frac{2n+3-2n+1}{(n+1)(\sqrt{2n+3} + \sqrt{2n-1})} = \frac{4}{(n+1)(\sqrt{2n+3} + \sqrt{2n-1})} > 0, n \in N.$$

Пусть $b_n = \frac{1}{n^{3/2}}$, тогда:

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{b_n}{a_n} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)(\sqrt{2n+3} + \sqrt{2n-1})}{4n^{3/2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \neq 0,$$

так как ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{3/2}}$ – сходится, то по признаку сравнения сходится и исходный ряд.

Задача №7

Найти интервал сходимости степенного ряда и исследовать его на сходимость на концах этого интервала

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \sqrt{n+1}}{\sqrt{n^2 + 3n}} (x+2)^n.$$

Решение



Зафиксируем x_0 и рассмотрим числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$, где

$$a_n = \frac{(-1)^n \sqrt{n+1}}{\sqrt{n^2 + 3n}} (x_0 + 2)^n. \text{ По признаку Даламбера ряд абсолютно}$$

сходится, если $\lim_{n \rightarrow \infty} \left| \frac{a_{n+1}}{a_n} \right| < 1$, так как

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{(n+2)(n^2 + 3n)}{((n+1)^2 + 3(n+1))(n+1)}} = 1,$$

то, если $|x_0 + 2| < 1$, т.е. $x \in (-3; -1)$, то ряд сходится абсолютно.

С другой стороны, если $|x_0 + 2| > 1$, то

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left| \frac{a_{n+1}}{a_n} \right| = |x_0 + 2| > 1,$$

следовательно, ряд расходится, если $x \notin [-3, -1]$. Исследуем случай,

когда $\lim_{n \rightarrow \infty} \left| \frac{a_{n+1}}{a_n} \right| = 1$, т.е. $x_0 = -3$ или $x_0 = -1$.

Рассмотрим ряд при $x_0 = -3$.

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \sqrt{n+1}}{\sqrt{n^2 + 3n}} (-1)^n = \sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{\frac{n+1}{n^2 + 3n}},$$

сравним этот ряд с рядом $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$. Так как

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt{n}} : \sqrt{\frac{n+1}{n^2 + 3n}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n^2 + 3n}{n^2 + n}} = 1,$$

ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}}$ – расходится, то расходится и рассматриваемый ряд.

При $x_0 = -1$ имеем

$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \sqrt{\frac{n+1}{n^2 + 3n}} \text{ – знакочередующийся ряд.}$$

Так как $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{n+1}{n^2 + 3n}} = 0$ и стремление к нулю монотонное, это следует из того, что



$$\left(\frac{x+1}{x^2+3x} \right)' = -\frac{x^2+2x+1}{(x^2+3x)^2} < 0, \forall x \in R,$$

то по признаку Лейбница ряд сходится.

Окончательно, область сходимости исходного ряда – полуинтервал $(-3; -1]$.

Задача №8

Разложить в степенной ряд в окрестности точки $x = 0$, функцию

$$y = \frac{x+8}{x^2-5x-6}.$$

Решение

Представим рациональное выражение, задающее функцию в виде суммы простейших дробей:

$$\frac{x+8}{x^2-5x-6} = \frac{A}{x+1} + \frac{B}{x-6} = \frac{(A+B)x - 6A + B}{x^2-5x-6},$$

$$x+8 = (A+B)x - 6A + B \Rightarrow \begin{cases} A = -1 \\ B = 2 \end{cases},$$

$$y = \frac{2}{x-6} - \frac{1}{x+1} = \frac{-2}{6(1-x/6)} - \frac{1}{1+x} = -\frac{1}{3} \left(1 - \frac{x}{6} \right)^{-1} - (1+x)^{-1}.$$

Воспользовавшись стандартным разложением функции

$$(1+x)^\alpha = \sum_{n=0}^{\infty} C_\alpha^n x^n, \text{ где } C_\alpha^n = \frac{\alpha(\alpha-1)\dots(\alpha-n+1)}{n!}, \quad |x| < 1.$$

Получаем:

$$y = -\frac{1}{3} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{6^n} - \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n x^n = \sum_{n=0}^{\infty} -\left(\frac{1}{3 \cdot 6^n} + (-1)^n \right) x^n, \quad |x| < 1.$$

Задача №9

Найти общее решение дифференциального уравнения:

$$ydy = \sqrt{2x^2 + y^2} dx.$$

Решение

Данное уравнение является однородным. Необходимо произвести замену $y(x) = z(x)x$, где $z(x)$ – новая функция. В силу замены $dy = zdx + xdz$. Подставляя в уравнение, получим уравнение относительно неизвестной функции $z(x)$:



$$zx(zdx + xdz) = \sqrt{2x^2 + x^2z^2} dx \Leftrightarrow z^2 dx + zxdz = \sqrt{2 + z^2} dx \Leftrightarrow \Leftrightarrow$$

$$(z^2 - \sqrt{2 + z^2}) dx = -zxdz - \text{уравнение с разделяющимися переменными.}$$

$$\begin{cases} \frac{dx}{x} = -\frac{zdz}{z^2 - \sqrt{2 + z^2}} \Leftrightarrow \begin{cases} \ln|x| = -\int \frac{zdz}{z^2 - \sqrt{2 + z^2}} + C, C \in R \\ z^2 \neq \sqrt{2 + z^2} \\ z \neq \pm\sqrt{2} \end{cases} \end{cases}$$

Подстановкой в уравнение убеждаемся, что функции $z = \pm\sqrt{2}$ – решения уравнения.

$$\begin{aligned} \int \frac{zdz}{z^2 - \sqrt{2 + z^2}} &= \frac{1}{2} \int \frac{d(z^2)}{z^2 - \sqrt{2 + z^2}} = \frac{1}{2} \int \frac{dt}{t - \sqrt{2 + t}} \Big|_{t=z^2} = \\ &= \frac{1}{2} \int \frac{2udu}{u^2 - 2 - u} \Big|_{u=\sqrt{2+t}} = \frac{1}{2} \int \frac{d(u^2 - u - 2)}{u^2 - u - 2} + \frac{1}{2} \int \frac{du}{u^2 - u - 2} = \\ &= \frac{1}{2} \ln|u^2 - u - 2| + \frac{1}{2} \int \frac{du}{(u+1)(u-2)} = \frac{1}{2} \ln|u^2 - u - 2| - \frac{1}{6} \ln \left| \frac{u+1}{u-2} \right| = \\ &= \frac{1}{2} \ln|u^2 - u - 2| + \frac{1}{6} \ln \left| \frac{u-2}{u+1} \right| + C_1, C_1 \in R. \end{aligned}$$

Подставляя в выражение для решения имеем:

$$\begin{aligned} \ln|x| + \frac{1}{2} \ln|u^2 - u - 2| + \frac{1}{6} \ln \left| \frac{u-2}{u+1} \right| &= C_1 \Leftrightarrow \ln x^6 \left| (u^2 - u - 2)^3 \frac{u-2}{u+1} \right| = C_1, \\ \ln x^6 (u+1)^2 (u-2)^4 &= C_1 \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow x^6 (u+1)^2 (u-2)^4 &= C, C > 0. \end{aligned}$$

Возвращаясь к исходным переменным и учитывая все решения, получим общее решение уравнения:

$$\begin{cases} \left(\sqrt{2x^2 + y^2} + x \right)^2 \left(\sqrt{2x^2 + y^2} - 2x \right)^4 = C \\ y = \pm\sqrt{2}x \end{cases}$$

Задача №10

Найти решение дифференциального уравнения, удовлетворяющего начальному условию $y(1) = 1$:

$$xy' + 3y = x^2 y^3.$$

Решение

Запишем уравнение в приведённом виде:



$$y' + \frac{3}{x}y = xy^3 - \text{уравнение Бернулли.}$$

Замена $\frac{1}{y^2} = z \Rightarrow z' = -\frac{2y'}{y^3} \Rightarrow \frac{y'}{y^3} = -\frac{z'}{2}$. Поделим уравнение на y^3 и используем замену:

$$\frac{y'}{y^3} + \frac{3}{xy^2} = x \Leftrightarrow -\frac{z'}{2} + \frac{3}{x}z = x \Leftrightarrow z' - \frac{6}{x}z = -2x.$$

Полученное уравнение линейное уравнение первого порядка. Решим однородное уравнение $z' - \frac{6}{x}z = 0$, $\frac{dz}{z} = 6\frac{dx}{x} \Rightarrow z = Cx^6$. Общее решение найдём методом вариации произвольной постоянной C . Полагая, $C = C(x)$ ищем общее решение в виде $z = C(x)x^6$, где $C(x)$ неизвестная функция. Подставляя в неоднородное уравнение, получим:

$$C'x^6 + 6Cx^5 - 6Cx^5 = -2x \Leftrightarrow C'x^6 = -2x, C(x) = -2 \int \frac{dx}{x^5} = \frac{1}{2x^4} + C_1, C_1 \in \mathbb{R}.$$

Отсюда общее решение линейного уравнения:

$$z = \frac{x^2}{2} + C_1x^6.$$

Возвращаясь к исходной переменной, имеем: $y = \frac{1}{\sqrt{\frac{x^2}{2} + C_1x^6}}$ – общее

решение исходного уравнения. Подставляя начальное условие, находим

$$C_1 = \frac{1}{2}, \text{ тогда } y = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{x^2 + x^6}} - \text{решение задачи.}$$

Задача №11

Решить задачу Коши:

$$yy'' + y'^2 + yy'^3 = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1.$$

Решение

Уравнение не зависит от переменной x . Поэтому можно понизить порядок уравнения заменой $y'(x) = p(y(x))$, тогда $y'' = p'p$. При этом из начальных условий следует, что $p(1) = 1$.



$$yp'p + p^2 + yp^3 = 0,$$

т.к. $p = 0$ не является решением задачи Коши, то полученное уравнение эквивалентно уравнению:

$$p' + \frac{p}{y} = -p^2 - \text{уравнение Бернулли.}$$

Замена $z = \frac{1}{p}$ приводит к линейному уравнению $z' - \frac{1}{y}z = 1$, решая его,

получаем $z = Cy + y \ln y$ или $p = \frac{1}{Cy + y \ln y}$. Подставляя начальное условие $p(1) = 1$, получим $C = 1$. Возвращаясь к исходной функции, имеем:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{1}{y(1 + \ln y)} \text{ или } (y + y \ln y)dy = dx, \text{ получаем:}$$

$$\frac{y^2}{2} + \frac{y^2 \ln y}{2} - \frac{y^2}{4} = x + C_1.$$

Подставляя начальное условие, получим $\frac{1}{4} = 0 + C_1 \Rightarrow C_1 = \frac{1}{4}$.

Решение задачи Коши задаётся выражением:

$$y^2(\ln y^2 + 1) = 4x + 1.$$

Задача №12

Найти общее действительное решение однородного дифференциального уравнения:

$$y''' + 4y' = 0.$$

Решение

Это однородное линейное дифференциальное уравнение третьего порядка с постоянными коэффициентами. Для нахождения общего решения найдём корни характеристического уравнения:

$\lambda^3 + 4\lambda = 0$, $\lambda_1 = 0$, $\lambda_{2,3} = \pm 2i$. Тогда общее действительное решение имеет

вид: $y = C_1 e^{0x} + C_2 \operatorname{Re}(e^{2ix}) + C_3 \operatorname{Im}(e^{2ix})$, т.к. $\operatorname{Re}(e^{2ix}) = \cos 2x$,

$\operatorname{Im}(e^{2ix}) = \sin 2x$, то общее действительное решение имеет вид:

$$y = C_1 + C_2 \cos 2x + C_3 \sin 2x.$$



Критерии оценки

Оценка «отлично» выставляется студенту, если практическая задача решена полностью с соответствующими математическим выкладками, обоснованиями или устными ответам на возникшие у преподавателя вопросы.

Оценка «хорошо» - выставляется студенту, если практическая задача решена полностью без подробных выкладок.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если практическая задача решена не полностью.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если практическая задача не решена.

Оценка выставляется в журнале посещаемости студентов.

3.6. Тестовые задания для самоконтроля

Целью тестирования является закрепление, углубление и систематизация знаний студентов, полученных на лекциях и в процессе самостоятельной работы; проведение тестирования позволяет ускорить контроль за усвоением знаний и объективизировать процедуру оценки знаний студента.

ПЕРЕЧЕНЬ ПРОВЕРЯЕМЫХ КОМПЕТЕНЦИЙ:

Код и наименование универсальной компетенции	Код и наименование индикатора универсальной компетенции
УК-1.Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Знает принципы поиска, отбора и обобщения информации. УК-1.2 Умеет критически анализировать и синтезировать информацию для решения поставленных задач. УК-1.3 Владеет методами критического анализа и системного подхода для решения поставленных задач.

Примерные тестовые задания контроля знаний студентов приведены в таблице 3.1.

Критерии оценки

Данное тестирование ставит целью оценить уровень освоения студентами изученного раздела дисциплины как промежуточное тестирование, уровень освоения материала в целом по дисциплине, а также знаний и умений, предусмотренных компетенциями.



Тестирование можно проводить для студентов всех форм обучения в письменной форме на бумажных носителях в течение 20 минут или с использованием соответствующих программ после каждого раздела. Каждый студент получает бланк с тестовыми материалами, в каждом по 5 тестовых заданий и письменно готовит ответы на поставленные задания путем подчеркивания выбранного ответа.

По истечении 20 минут преподаватель анализирует и оценивает выполненные студентами задания. В целом по дисциплине тестирование проводится 2 часа по всем вопросам тестовых заданий.

По результатам тестирования преподавателем в журнале учета занятий каждому студенту выставляется оценка «зачтено» или «незачтено».

3.7. Задания для подготовки к занятиям семинарского/практического типа для студентов очной формы обучения по математике

По первому семестру

Цели и задачи: изучить основные понятия и теоремы линейной алгебры и аналитической геометрии, элементы дискретной математики и математической логики, введение в математический анализ, дифференциальное исчисление функций одного независимого переменного.

Освоить основные приемы и методы решения типовых задач. Изучить основы составления математических моделей задач прикладного характера, а также основы составления алгоритма решения профессионально-ориентированных задач и умению анализировать результат их решения.

Цели и задачи занятий с применением ИАМ: формирование у студента умений и практических навыков: умение формулировать мысли, выявление точек зрения студентов при выборе математической формулировки задачи и методов её решения и анализа.

Мозговой штурм:

Цель – формирование у студента умений и практических навыков: умение формулировать мысли, выявление точек зрения студентов при выборе математической формулировки задачи и методов её решения.

Дискуссия:

Цель – развитие логического мышления при анализе решения и оценке результатов профессионально ориентированных практических задач.

Задания: расчетно-графические работы приведены в № №1-15 (источники 1-3), дополнительные задания приведены в пункте 5.

Источники: обязательные: 1-3,4,5; дополнительные: 1-7.

По второму семестру

Цели и задачи: изучить основные понятия и теоремы по темам: неопределенные и определенные интегралы. Несобственные интегралы.



Дифференциальное исчисление функций нескольких независимых переменных. Числовые и функциональные ряды. Обыкновенные дифференциальные уравнения.

Освоить основные приемы и методы решения типовых задач. Изучить основы составления математических моделей задач прикладного характера, а также основы составления алгоритма решения профессионально-ориентированных задач и умению анализировать результат их решения.

Цели и задачи занятий с применением ИАМ: формирование у студента умений и практических навыков: умение формулировать мысли, выявление точек зрения студентов при выборе математической формулировки задачи и методов её решения и анализа.

Мозговой штурм:

Цель – формирование у студента умений и практических навыков: умение формулировать мысли, выявление точек зрения студентов при выборе математической формулировки задачи и методов её решения.

Дискуссия:

Цель – развитие логического мышления при анализе решения и оценке результатов профессионально ориентированных практических задач.

Задания: расчетно-графические работы приведены в № №1-15 (источники 1-3), дополнительные задания приведены в пункте 5.

Источники: обязательные: 1-3,4,5; дополнительные: 1-9.

3.8 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций

Оценка знаний, умений, навыков, характеризующая этапы формирования компетенций по дисциплине «Математика» проводится в форме текущей, рубежной и итоговой(промежуточной) аттестации.

Контроль текущей успеваемости обучающихся – текущая аттестация – проводится в ходе семестра с целью определения уровня усвоения обучающимися знаний; формирования у них умений и навыков; своевременного выявления преподавателем недостатков в подготовке студентов и принятия необходимых мер по ее корректировке; совершенствованию методики обучения; организации учебной работы и оказания обучающимся индивидуальной помощи.

К контролю текущей успеваемости относятся проверка знаний, умений и навыков обучающихся:

- на занятиях(опрос,тестирование);
- по результатам написания самостоятельных работ;
- по результатам написания тестирования;
- по результатам выполнения коллоквиумов;
- по результатам проверки качества конспектов лекций и иных материалов;

Контроль за выполнением студентами каждого вида работ может осуществляться поэтапно и служит основанием для предварительной и рубежной аттестации по дисциплине.



Рубежная аттестация обучающихся проводится преподавателем в целях подведения промежуточных итогов текущей успеваемости студентов, анализа состояния учебной работы, выявления неуспевающих, ликвидации задолженностей.

К рубежному контролю относятся проверка знаний, умений и навыков обучающихся:

- по результатам проведения рубежного контроля уровня усвоения знаний (с помощью контрольных работ и РГР);

Промежуточная аттестация по дисциплине проводится с целью выявления соответствия уровня теоретических знаний, практических умений и навыков по дисциплине «Математика» требованиям ФГОС ВО по направлению подготовки (специальности): «Менеджмент» в форме экзамена/зачета.

Экзамен/зачет проводится после завершения изучения дисциплины в объеме рабочей учебной программы. Форма проведения зачета определяется кафедрой (устный – по билетам, либо путем собеседования по вопросам; письменная работа, тестирование и др.). Оценка по результатам экзамена – «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Все виды текущего и рубежного контроля осуществляются на практических занятиях.

Каждая форма контроля по дисциплине включает в себя теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень освоения студентами знаний и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и навыков.

Процедура оценивания компетенций обучающихся основана на следующих стандартах:

1. Периодичность проведения оценки (на каждом занятии).
2. Многоступенчатость: оценка (как преподавателем, так и студентами группы) и самооценка обучающегося, обсуждение результатов и комплекса мер по устранению недостатков.
3. Единство используемой технологии для всех обучающихся, выполнение условий сопоставимости результатов оценивания.
4. Соблюдение последовательности проведения оценки: предусмотрено, что развитие компетенций идет по возрастанию их уровней сложности, а оценочные средства на каждом этапе учитывают это возрастание.

Краткая характеристика процедуры реализации текущего и итогового контроля по дисциплине для оценки компетенций обучающихся представлена в таблице:

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика процедуры оценивания компетенций	Представление оценочного средства в фонде
1	Тест	Проводится семинарских занятиях. Позволяет оценить уровень знаний	Фонд тестовых заданий



		студентами теоретического материала по дисциплине. Осуществляется на бумажных или электронных носителях по вариантам. Количество вопросов в каждом варианте определяется преподавателем. Отведенное время на подготовку определяет преподаватель.	
2	Коллоквиум	Средство контроля усвоения учебного материала темы, раздела или разделов дисциплины, организованное как учебное занятие в виде собеседования преподавателя с обучающимися	Вопросы по темам/разделам дисциплины
3	Разноуровневые задачи и задания	Выполняются на практических занятиях по темам. а) репродуктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать знание фактического материала (базовые понятия, алгоритмы, факты) и умение правильно использовать специальные термины и понятия, узнавание объектов изучения в рамках определенного раздела дисциплины; б) реконструктивного уровня, позволяющие оценивать и диагностировать умения синтезировать, анализировать, обобщать фактический и теоретический материал с формулированием конкретных выводов, установлением причинно-следственных связей.	Комплект типовых задач
4	Экзамен/зачет	Проводится в заданный срок, согласно графику учебного процесса. При выставлении оценок учитывается уровень приобретенных компетенций студента. Компонент «знать» оценивается теоретическими вопросами по содержанию дисциплины, компоненты «уметь» и «владеть» - практикоориентированными заданиями. Аудиторное время, отведенное студенту, на подготовку - 60 мин.	Комплект вопросов к зачету, экзамену



4. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации по дисциплине (модулю) «Математика» включает:

- перечень компетенций, планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы и этапы их формирования;
- описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования;
- описание шкал оценивания;
- критерии и процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине (модулю), характеризующих этапы формирования компетенций;
- методические материалы, определяющие процедуры оценивания;
- типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения (промежуточной аттестации) по дисциплине, характеризующих этапы формирования компетенций и (или) для итогового контроля сформированности компетенции(ий).

Фонд оценочных средств по дисциплине «Математика» представлен в приложении 1.

5. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Основная литература:

1. Шипачев, В. С. Высшая математика : учебник / В.С. Шипачев. — Москва : ИНФРА-М, 2021. — 479 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/5394. - ISBN 978-5-16-010072-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1185673>
2. Шипачев, В. С. Задачник по высшей математике : учебное пособие / В. С. Шипачев. — 10-е изд., стер. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 304 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-010071-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1042456>
3. Шипачев В.С.. Высшая математика [Текст] : учебник для вузов / Шипачев В.С. - 7-е изд., стереотип. - М. : Высш.шк, 2005. - 479с.
4. Шипачев В.С.. Задачник по высшей математике [Текст] : учеб. пособие для вузов / Шипачев В.С. - 5-е изд., стер. - М. : Высш. шк., 2005. - 303с.

Дополнительная литература

1. Элементы линейной алгебры и их применение при решении практических задач : учеб. пособие для студентов I курса всех специальностей / Гос. ун-т по



- землеустройству, Каф. высш. математики и физики ; Н.А. Кузнецова, К.В. Курочкина, П.В. Макаров, В.В. Кузнецов. - М. : ГУЗ, 2016. - 62 с.
2. Комплексные числа. Понятие функции комплексного переменного [Текст] : учеб. пособие для студентов 1-го и 2-го курсов всех специальностей / П.В. Макаров, Н.А. Кузнецова, К.В. Курочкина, В.П. Иванов, Н.В. Семенова ; Гос. ун-т по землеустройству, Каф. высш. математики и физики. - М. : ГУЗ, 2017. - 46 с.
 3. Интегральное исчисление. Определенный интеграл : учеб. пособие: для студентов 1-го и 2-го курсов всех специальностей и всех форм обучения. Ч.2 / Гос. ун-т по землеустройству, Каф. высшей математики и физики ; сост.: Н.А. Кузнецова, К.В. Курочкина, П.В. Макаров. - М. : ГУЗ, 2018. - 50 с
 4. Интегральное исчисление. Неопределенный интеграл : учеб. пособие для студентов 1-го и 2-го курсов всех спец. и всех форм обучения / Гос. ун-т по землеустройству, Каф. высш. математики и физики ; авт.-сост. Н.А. Кузнецова, К.В. Курочкина. - М. : ГУЗ, 2018. - 69 с.
 5. Элементы теории множеств и математической логики : учеб. пособие для студентов 1-го и 2-го курсов / Гос. ун-т по землеустройству, Каф. высш. математики и физики ; авт.-сост. Н.А. Кузнецова, А.В. Червяков, А.А. Хасанов. - М. : ГУЗ, 2019. - 45 с.
 6. Практическое руководство к решению задач по высшей математике. Интегрирование функций одной переменной. Функции многих переменных. Ряды: учеб. пособие /И.А. Соловьев [и др.].-СПб.: Лань, 2009.- 287 с.
 7. Практическое руководство к решению задач по высшей математике. Кратные интегралы. Теория поля. Теория функций комплексного переменного. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учеб. пособие /И.А. Соловьев [и др.].-СПб.: Лань,2009.- 445 с.
 8. Практическое руководство к решению задач по высшей математике. Линейная алгебра. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Введение в математический анализ. Производная и ее приложения: учеб. пособие/И.А. Соловьев [и др.].-2009.- 329 с.

6. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-КОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 6.1 – Описание информационных ресурсов необходимых для освоения дисциплины

№	Адрес сайта и его описание	Перечень материалов представленных на сайте
1.	http://fm.cdml.ru Сайт кафедры высшей математики и физики ГУЗ	Авторские разработки коллектива кафедры в области методик преподавания основных разделов математических и физических дисциплин, методические указания и



		контрольные задания по решению расчетно-графических и контрольных работ, авторские лабораторные практикумы, с методическими рекомендациями по их выполнению, решению и оформлению.
--	--	--

7. ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ ПРИ ОСУЩЕСТВЛЕНИИ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

При осуществлении образовательного процесса студентами и профессорско-преподавательским составом используются следующее программное обеспечение: Microsoft Windows, Microsoft Office (академическая лицензия), Консультант Плюс, Гарант, Adobe Acrobat Reader DC (свободно распространяемое ПО).

Информационные технологии:

- сбор, хранение, систематизация и выдача учебной и научной информации;
- обработка текстовой, графической и эмпирической информации;
- подготовка, конструирование и презентация итогов исследовательской и аналитической деятельности;
- самостоятельный поиск дополнительного учебного и научного материала, с использованием поисковых систем и сайтов сети Интернет, электронных энциклопедий и баз данных;
- использование электронной почты преподавателей и обучающихся для рассылки, переписки и обсуждения возникших учебных проблем.

Информационные справочные системы

В ходе реализации целей и задач по дисциплине обучающиеся могут при необходимости использовать возможности информационно-справочных систем, электронных библиотек и архивов.

Информационно-справочные и информационно-правовые системы: информационно-справочные и поисковые системы Yandex, Google.

Профессиональные базы данных: Справочно-правовая система «КонсультантПлюс», Справочно-правовая система «Гарант»

Электронно-библиотечные системы (ЭБС):

№	Адрес сайта и его описание	Перечень материалов представленных на сайте
1	https://e.lanbook.com/	Электронно- библиотечная система «Издательство Лань»
2	http://znanium.com/	Электронно- библиотечная система ZNANIUM.COM
3	https://www.biblio-online.ru/	Электронная библиотечная система «ЭБС ЮРАЙТ»
4	http://www.iprbookshop.ru/	Электронно-библиотечная система IPR BOOKS



8. ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Для материально-технического обеспечения дисциплины «Математика» используются:

Аудитория 3012 для проведения занятий лекционного типа, семинарского типа, курсового проектирования, групповых и индивидуальных консультаций, для текущего контроля и промежуточной аттестации, занятий практического типа:

Рабочее место преподавателя. Рабочие места обучающихся. Стационарный мультимедийный проектор. Ноутбук ASUS X553M. Microsoft Windows, Microsoft Office (академическая лицензия), Консультант Плюс, Гарант, Adobe Acrobat Reader DC (свободно распространяемое ПО)

Аудитории - помещения для самостоятельной работы обучающихся, имеется подключение к сети «Интернет» и доступ в электронную информационно-образовательную среду:

Аудитория 10-1 (Читальный зал). Рабочие места студентов. Компьютеры 12 шт. Microsoft Windows, Microsoft Office (академическая лицензия), Консультант Плюс, Гарант, Adobe Acrobat Reader DC (свободно распространяемое ПО). Доступна вся учебная и методическая литература, включая доступ к ЭБС.

Аудитория 206. Рабочее место преподавателя. Рабочие места обучающихся. Проекционная панель LG 43UK6390PLG – 1 шт., стационарный компьютер – 9 шт. Моноблок – 1 шт. Windows, Microsoft Office (академическая лицензия), 1С: Предприятие 8. Комплект для обучения в высших и средних учебных заведениях, Консультант Плюс, Гарант, Adobe Acrobat Reader DC (свободно распространяемое ПО), Autodesk Education 2019 (Autodesk AutoCAD, Autodesk Revit Architect, Autodesk Civil 3D, Autodesk 3ds MAX – академические лицензии), GRAPHISOFT (ArchiCad 24 Russian, Базовый BIMcloud, MEP Modeler – академические лицензии), Adobe Photoshop, CorelDRAW, Консультант Плюс, Гарант.

9. ОРГАНИЗАЦИЯ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ДЛЯ ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ

Профессорско-педагогический состав знакомится с психолого-физиологическими особенностями обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, индивидуальными программами реабилитации инвалидов (при наличии). При необходимости осуществляется дополнительная поддержка преподавания тьюторами, психологами, социальными работниками, прошедшими подготовку ассистентами.



В соответствии с методическими рекомендациями Минобрнауки РФ (утв. 8 апреля 2014 г. N АК-44/05вн) в курсе предполагается использовать социально-активные и рефлексивные методы обучения, технологии социокультурной реабилитации с целью оказания помощи в установлении полноценных межличностных отношений с другими студентами, создании комфортного психологического климата в студенческой группе. Подбор и разработка учебных материалов производятся с учетом предоставления материала в различных формах: аудиальной, визуальной, с использованием специальных технических средств и информационных систем.

Медиамаериалы также следует использовать и адаптировать с учетом индивидуальных особенностей обучения лиц с ОВЗ.

Освоение дисциплины лицами с ОВЗ осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения (персонального и коллективного использования). Материально-техническое обеспечение предусматривает приспособление аудиторий к нуждам лиц с ОВЗ.

Форма проведения аттестации для студентов-инвалидов устанавливается с учетом индивидуальных психофизических особенностей. Для студентов с ОВЗ предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной или электронной форме (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);
- в печатной форме или электронной форме с увеличенным шрифтом и контрастностью (для лиц с нарушениями слуха, речи, зрения);
- методом чтения ассистентом задания вслух (для лиц с нарушениями зрения).

Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге или набором ответов на компьютере (для лиц с нарушениями слуха, речи);
- выбором ответа из возможных вариантов с использованием услуг ассистента (для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата);
- устно (для лиц с нарушениями зрения, опорно-двигательного аппарата).

При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.